М. А. Иченская

САМОСТОЯТЕЛЬНЫЕ И КОНТРОЛЬНЫЕ РАБОТЫ



М. А. Иченская

ГЕОМЕТРИЯ

САМОСТОЯТЕЛЬНЫЕ И КОНТРОЛЬНЫЕ РАБОТЫ



Москва «Просвещение» 2017

Иченская М. А.

И96 Геометрия. Самостоятельные и контрольные работы. 7—9 классы: учеб. пособие для общеобразоват. организаций / М. А. Иченская. — 5-е изд. — М.: Просвещение, 2017. — 144 с.: ил. — ISBN 978-5-09-045910-5.

Пособие содержит самостоятельные и контрольные работы, а также карточки к итоговым зачётам по курсу геометрии 7-9 классов. Оно ориентировано на учебник «Геометрия. 7-9 классы» авторов Л. С. Атанасяна и др.

Пособие адресовано школьникам, учителям математики и студентам педвузов.

УДК 373.167.1:514 ББК 22.151я72

Учебное издание

Иченская Мира Александровна

ГЕОМЕТРИЯ

Самостоятельные и контрольные работы 7—9 классы

Учебное пособие для общеобразовательных организаций

Центр естественно-математического образования Редакция математики и информатики Зав. редакцией Т. А. Бурмистрова Редактор Л. В. Кузнецова Младшие редакторы Е. А. Андреенкова, Е. В. Трошко

Младшие редакторы *Е. А. Андреенкова*, *Е. В. Трошко* Художественный редактор *О. П. Богомолова* Хуложник *А. Б. Юдкин*

Компьютерная графика О. Ю. Тупикиной

Техническое редактирование и компьютерная вёрстка М. С. Давыдовой Корректоры Н. А. Юсупова, Л. С. Александрова

Налоговая льгота — Общероссийский классификатор продукции ОК 005-93—953000. Изд. лиц. Серия ИД №05824 от 12.09.01. Подписано в печать 05.12.16. Формат $60\times90^1/_{16}$. Бумага типографская. Гарнитура Школьная. Печать офсетная. Уч.-изд. л. 3,30. Тираж 2000 экз. Заказ № 2688.

Акционерное общество «Издательство «Просвещение». 127521, Москва, 3-й проезд Марьиной роши, 41.

Отпечатано по заказу АО «ПолиграфТрейд» в филиале «Тверской полиграфический комбинат детской литературы» ОАО «Издательство «Высшая школа». 170040, г. Тверь, проспект 50 лет Октября, 46. Тел.: +7(4822) 44-85-98. Факс: +7(4822) 44-61-51.

ISBN 978-5-09-045910-5

© Издательство «Просвещение», 2012

© Художественное оформление. Издательство «Просвещение», 2013 Все права защищены

Самостоятельные работы

7 класс

C-1, B-1

- 1. Начертите прямую и обозначьте её буквой b. Отметьте точку M, лежащую на прямой b. Отметьте точку N, не лежащую на прямой b. Используя символы \in и \notin , запишите предложение: «Точка M лежит на прямой b, а точка N не лежит на ней».
- **2.** Начертите прямые a и b, пересекающиеся в точке M. На прямой a отметьте точку N, отличную от точки M. Являются ли прямые MN и a различными прямыми? Может ли прямая b проходить через точку N? Ответы обоснуйте.

7 класс

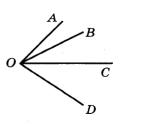
C-1, B-2

- 1. Начертите прямую и обозначьте её буквой a. Отметьте точку K, лежащую на прямой a. Отметьте точку C, не лежащую на прямой a. Используя символы \in и \notin , запишите предложение: «Точка K лежит на прямой a, а точка C не лежит на ней».
- **2.** Начертите прямые m и n, пересекающиеся в точке A. На прямой m отметьте точку B, отличную от точки A. Являются ли прямые AB и m различными прямыми? Может ли прямая n проходить через точку B? Ответы обоснуйте.

7 класс

C-2, B-1

- **1.** На прямой даны три точки A, B и C. Назовите:
 - а) пары совпадающих лучей;
- б) пары противоположных лучей.
 - 2. Назовите:
- а) луч, который делит угол *ВОD* на два угла;
- б) луч, который не делит угол BOD на два угла.





C-2, B-2

1. На прямой даны три точки M, N и K. Назовите:

M N K

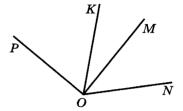
а) совпадающие лучи среди лучей MN, NK, MK, KM;

б) пары противоположных лучей.

2. Назовите:

а) луч, который делит угол POM на два угла;

б) луч, который не делит угол POM на два угла.



7 класс

C-3, B-1

- 1. На луче h с началом в точке O отметьте точки A и B так, чтобы точка A лежала между точками O и B. Сравните отрезки OA и OB и запишите результат сравнения.
- ${f 2.}$ Изобразите неразвёрнутый угол ABC и проведите какой-нибудь луч BD, делящий этот угол на два угла. Сравните:
 - а) угол ABC и угол ABD;
 - б) угол ABC и угол DBC.

Запишите результаты сравнения.

7 класс

C-3, B-2

- 1. На луче k с началом в точке O отметьте точки M и N так, чтобы точка N лежала между точками O и M. Сравните отрезки OM и ON и запишите результат сравнения.
- ${f 2.}$ Изобразите неразвёрнутый угол DBA и проведите какой-нибудь луч BC, делящий этот угол на два угла. Сравните:
 - а) угол DBA и угол DBC;
 - б) угол DBA и угол CBA.

Запишите результаты сравнения.

C-4, B-1

- 1. На прямой b отмечены точки C, D, E, причём CD=6 см, DE=8 см. Чему может быть равна длина отрезка CE?
- 2. Точка M середина отрезка AB, MB = 4,3 дм. Найдите длину отрезка AB в миллиметрах.
- 3. Отрезки PQ и EF пересекаются, точка K лежит на отрезке EF, причём PQ=21 см, PK=14 см, QK=8 см. Является ли точка K точкой пересечения отрезков PQ и EF? Ответ обоснуйте.

7 класс

C-4, B-2

- 1. На прямой a отложены точки M, K, N, причём MK=7 см, KN=10 см. Чему может быть равна длина отрезка MN?
- 2. Точка E середина отрезка CD, CE = 2,8 см. Найдите длину отрезка CD в миллиметрах.
- 3. Отрезки AB и CD пересекаются. Точка N лежит на отрезке CD, причём AN=13 см, NB=12 см и AB=8 см. Является ли точка N точкой пересечения отрезков AB и CD? Ответ обоснуйте.

7 класс

C-5, B-1

- 1. Начертите луч OA и с помощью транспортира отложите от луча OA углы: $\angle AOB = 25^{\circ}$, $\angle AOC = 78^{\circ}$. Чему равен угол BOC?
- 2. Луч OC делит угол AOB на два угла. Найдите угол COB, если $\angle AOB = 110^\circ$, а угол AOC на 18° меньше угла BOC.

7 класс

C-5, B-2

- 1. Начертите луч OB и с помощью транспортира отложите от луча OB углы: $\angle BON = 32^{\circ}$, $\angle BOM = 80^{\circ}$. Чему равен угол MON?
- 2. Луч OK делит угол DOC на два угла. Найдите угол COK, если $\angle DOC = 120^\circ$, а угол KOD на 12° больше угла COK.



C-6, B-1

1. Один из смежных углов на 26° меньше другого. Найдите эти смежные углы.

2. Найдите все неразвёрнутые углы, образованные при пересечении двух прямых, если сумма двух из них равна 226° .

7 класс

C-6, B-2

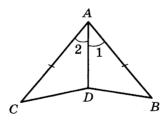
1. Один из смежных углов в 11 раз больше другого. Найдите эти смежные углы.

2. Найдите все неразвёрнутые углы, образованные при пересечении двух прямых, если сумма двух из них равна 296°.

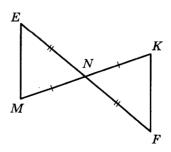
7 класс

C-7, B-1

1. Докажите равенство треугольников ABD и ACD, если AB = AC и $\angle 1 = \angle 2$. Найдите $\angle ABD$ и $\angle ADB$, если $\angle ACD = 38^\circ$, $\angle ADC = 102^\circ$.



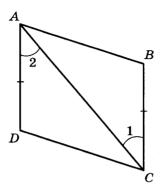
2. Докажите равенство треугольников MNE и KNF, если MN = NK и EN = NF. Найдите стороны ME и MN, если MK = 10 см, KF = 8 см.



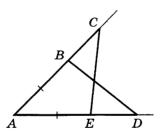


C-7, B-2

1. Докажите равенство треугольников ABC и ADC, если BC = AD и $\angle 1 = \angle 2$. Найдите $\angle ACD$ и $\angle ADC$, если $\angle ABC = 108^\circ$ и $\angle BAC = 32^\circ$.



2. Докажите равенство треугольников ACE и ABD, если AC = AD и AB = AE. Найдите стороны AB и BD, если CE = 7 см, AE = 3 см.



7 класс

C-8, B-1

- 1. Медиана AD треугольника ABC продолжена за точку D на отрезок DE, равный AD, и точка E соединена с точкой C. Докажите, что треугольник ABD равен треугольнику ECD.
- **2.** На основании BC равнобедренного треугольника ABC отмечены точки M и N так, что BM = CN. Докажите, что треугольник BAM равен треугольнику CAN.



C-8, B-2

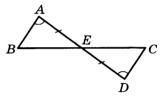
1. Медиана NO треугольника MNK продолжена за точку O на отрезок OF = NO и точка F соединена с точкой K. Докажите, что треугольник MON равен треугольнику KOF.

2. На основании AC равнобедренного треугольника ABC отмечены точки P и Q так, что AP = CQ. Докажите, что треугольник PBQ равнобедренный.

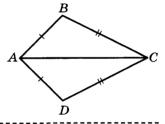
7 класс

C-9, B-1

1. Докажите равенство треугольников ABE и DCE, если AE = ED, $\angle A = \angle D$. Найдите стороны треугольника ABE, если DE = 4 см, DC = 3 см, EC = 5 см.



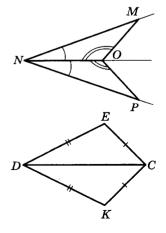
2. На рисунке AB = AD, BC = DC. Докажите, что луч AC — биссектриса угла BAD.



7 класс

C-9, B-2

- 1. Докажите равенство треугольников MON и PON, если $\angle MON = \angle PON$, а луч NO — биссектриса угла MNP. Найдите углы треугольника NOP, если $\angle MNO = 28^\circ$, $\angle NMO = 42^\circ$.
- 2. На рисунке DE = DK, CE = CK. Докажите, что луч CD биссектриса угла ECK.





C-10, B-1

1. С помощью циркуля и линейки разделите данный отрезок на 4 равные части.

2. Постройте окружность радиусом 6 см, проходящую через две данные точки A и B, если: a) AB=4 см; б) AB=6 см; в) AB=8 см.

7 класс

C-10, B-2

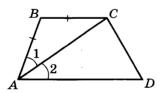
1. C помощью циркуля и линейки разделите данный отрезок на 8 равных частей.

2. Постройте окружность радиусом 4 см, проходящую через данную точку A, с центром на данной прямой a, если расстояние от точки A до прямой a равно: a) 3 см; б) 4 см; в) 5 см. Сколько решений имеет задача?

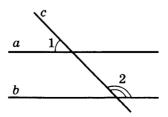
7 класс

C-11, B-1

1. На рисунке AB = BC, $\angle 1 = \angle 2$. Докажите, что прямая BC параллельна прямой AD.



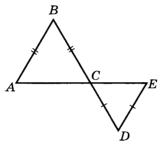
2. Известно, что $\angle 1$ = 46°, $\angle 2$ = 134°. Докажите, что прямые a и b параллельны.



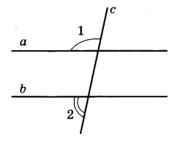


C-11, B-2

1. На рисунке AB = BC, CD = DE, отрезок BD пересекает отрезок AE в точке C. Докажите, что прямая AB параллельна прямой DE.



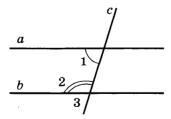
2. Известно, что $\angle 1$ = 102°, $\angle 2$ = 78°. Докажите, что прямые a и b параллельны.



7 класс

C-12, B-1

1. На рисунке прямые a и b параллельны, угол 2 на 34° больше, чем угол 1. Найдите угол 3.



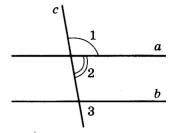
2. Через вершину прямого угла C треугольника ABC проведена прямая CD параллельно прямой AB. Найдите углы A и B треугольника ABC, если $\angle DCB = 37^{\circ}$.



C-12, B-2

1. На рисунке прямые a и b параллельны, угол 2 на 20° меньше, чем угол 1. Найдите угол 3.

2. Через вершину прямого угла C треугольника ABC проведена прямая CK парадлельно прямой AB, $\angle KCB = 42^{\circ}$. Найдите углы A и B треугольника ABC.



7 класс

C-13, B-1

1. Дан треугольник ABC, в котором $\angle A = 65^{\circ}$, $\angle B = 47^{\circ}$. Найдите угол C.

- 2. В равнобедренном треугольнике угол при основании в 2 раза больше угла при вершине, противоположной основанию. Найдите углы этого треугольника.
- 3. Углы треугольника относятся как 2:3:4. Найдите их градусные меры.

7 класс

C-13, B-2

1. Дан треугольник MNK, в котором $\angle M = 22^{\circ}$, $\angle N = 45^{\circ}$. Найдите угол K.

- 2. В равнобедренном треугольнике угол при основании на 15° меньше, чем угол при вершине, противоположной основанию. Найдите углы этого треугольника.
- 3. Углы треугольника относятся как 1:2:3. Найдите их градусные меры.

7 класс

C-14, B-1

- 1. Можно ли построить треугольник со сторонами 1 дм, 2 дм и 3 дм? Ответ обоснуйте.
- 2. В равнобедренном треугольнике одна сторона равна 25 см, другая равна 10 см. Чему равно основание треугольника? Ответ объясните.

C-14, B-2

- 1. Можно ли построить треугольник со сторонами 12 дм, 10 дм и 24 дм? Ответ обоснуйте.
- 2. Найдите третью сторону равнобедренного треугольника, если две другие стороны равны 5 см и 3 см. Ответ объясните.

7 класс

C-15, B-1

- 1. Один из углов прямоугольного треугольника равен 60°, а сумма гипотенузы и меньшего катета равна 18 см. Найдите гипотенузу и меньший катет.
- 2. Из точки M биссектрисы тупого угла проведены перпендикуляры MA и MK к сторонам этого угла. Докажите, что MA = MK.

7 класс

C-15, B-2

- 1. Один из острых углов прямоугольного треугольника в 2 раза меньше другого, а разность гипотенузы и меньшего катета равна 15 см. Найдите гипотенузу и меньший катет.
- **2.** Из точки K биссектрисы острого угла проведены перпендикуляры KP и KF к сторонам угла. Докажите, что KP = KF.

7 класс

C-16, B-1

- 1. Постройте прямоугольный треугольник по катету и прилежащему острому углу.
- 2. Постройте треугольник ABC, в котором AC = 5 см, $\angle A = 50^{\circ}$, высота BD = 3 см.

7 класс

C-16, B-2

- 1. Постройте равнобедренный треугольник по основанию и проведённой к нему медиане.
- 2. Постройте треугольник MNK, в котором MK = 6 см, $\angle K = 60^{\circ}$, высота NO = 4 см.



C-17, B-1

- 1. Докажите, что в равных треугольниках высоты, проведённые к равным сторонам, равны.
- 2. В равнобедренном треугольнике ABC с основанием AC = 38 см внешний угол при вершине B равен 60° . Найдите расстояние от вершины C до прямой AB.
- ${f 3.}$ Один из углов при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой в ${f 2}$ раза больше другого. Найдите остальные углы.

7 класс

C-17, B-2

- 1. Докажите, что в равных треугольниках медианы, проведённые к равным сторонам, равны.
- 2. В равнобедренном треугольнике ABC с основанием AC = 42 см внешний угол при вершине C равен 120° . Найдите боковые стороны треугольника ABC.
- 3. Один из углов при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой на 20° меньше другого. Найдите остальные углы.



Контрольные работы

7 класс

K-1, B-1

- 1. Три точки B, C и D лежат на одной прямой. Известно, что BD=17 см, DC=25 см. Чему может быть равна длина отрезка BC?
- 2. Сумма вертикальных углов MOE и DOC, образованных при пересечении прямых MC и DE, равна $204^{\circ}.$ Найдите угол MOD.
- 3. С помощью транспортира начертите угол, равный 78°, и проведите биссектрису смежного с ним угла.

7 класс

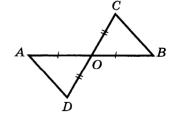
K-1, B-2

- 1. Три точки M, N и K лежат на одной прямой. Известно, что $MN=15\,$ см, $NK=18\,$ см. Чему может быть равно расстояние MK?
- 2. Сумма вертикальных углов AOB и COD, образованных при пересечении прямых AD и BC, равна 108° . Найдите угол BOD.
- 3. С помощью транспортира начертите угол, равный 132°, и проведите биссектрису смежного с ним угла.

7 класс

K-2, B-1

- 1. На рисунке каждый из отрезков AB и CD точкой O делится пополам. Докажите, что угол DAO равен углу CBO.
- 2. Луч AD биссектриса угла A. На сторонах угла A отмечены точки B и C так, что $\angle ADB = \angle ADC$. Докажите, что AB = AC.

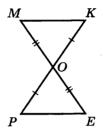


3. Начертите равнобедренный треугольник ABC с основанием BC. С помощью циркуля и линейки проведите медиану BB_1 к боковой стороне AC.



K-2, B-2

1. На рисунке каждый из отрезков ME и PK делится точкой O пополам. Докажите, что угол KMO равен углу PEO.



- 2. На сторонах угла D отмечены точки M и K так, что DM = DK. Известно, что точка P лежит внутри угла D и PK = PM. Докажите, что луч DP биссектриса угла MDK.
- 3. Начертите равнобедренный треугольник ABC с основанием AC. С помощью циркуля и линейки проведите высоту AH к боковой стороне BC.

7 класс

K-3, B-1

- 1. Отрезки EF и PQ пересекаются в их середине M. Докажите, что $PE \parallel QF$.
- **2.** Отрезок DM биссектриса треугольника CDE. Через точку M проведена прямая, параллельная стороне CD и пересекающая сторону DE в точке N. Найдите углы треугольника DMN, если $\angle CDE = 68^\circ$.

7 класс

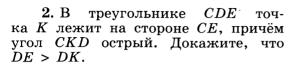
К-3, В-2

- 1. Отрезки PN и ED пересекаются в их середине M. Покажите, что $EN \parallel PD$.
- 2. Отрезок DM биссектриса треугольника ADC. Через точку M проведена прямая, параллельная стороне CD и пересекающая сторону DA в точке N. Найдите углы треугольника DMN, если $\angle ADC = 72^{\circ}$.

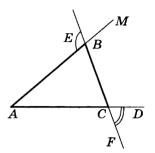


K—4, B—1

1. На рисунке $\angle ABE = 104^{\circ}$, $\angle DCF = 76^{\circ}$, AC = 12 см. Найдите сторону AB треугольника ABC.



3. Периметр равнобедренного тупоугольного треугольника равен 45 см, а одна из его сторон больше другой на 9 см. Найдите стороны этого треугольника.



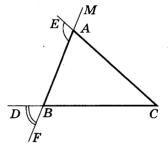
7 класс

K-4, B-2

1. На рисунке $\angle BAE = 112^{\circ}$, $\angle DBF = 68^{\circ}$, BC = 9 см. Найдите сторону AC треугольника ABC.

2. В треугольнике MNP точка K лежит на стороне MN, причём угол NKP острый. Докажите, что KP < MP.

3. Периметр равнобедренного тупоугольного треугольника равен 77 см, а одна из его сторон больше другой на 17 см. Найдите стороны этого треугольника.



7 класс

K-5, B-1

- 1. В остроугольном треугольнике MNP биссектриса угла M пересекает высоту NK в точке O, причём OK = 9 см. Найдите расстояние от точки O до прямой MN.
- 2. Постройте прямоугольный треугольник по гипотенузе и острому углу.
- 3. С помощью циркуля и линейки постройте угол, равный 150° ; 30° .



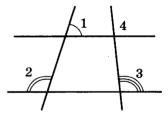
K−5, B−2

- 1. В прямоугольном треугольнике DCE с прямым углом C проведена биссектриса EF, причём FC = 13 см. Найдите расстояние от точки F до прямой DE.
- 2. Постройте прямоугольный треугольник по катету и прилежащему к нему острому углу.
- 3. С помощью циркуля и линейки постройте угол, равный 135° ; 45° .

7 класс

К-6, В-1

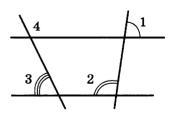
- 1. Постройте треугольник по двум сторонам и высоте, проведённой к одной из этих сторон.
- 2. На окружности с центром O отмечены две точки M и N так, что угол MON прямой. Отрезок NP диаметр окружности. Докажите, что хорды MN и MP равны. Найдите угол PMN.
- 3. На рисунке $\angle 1 = 72^{\circ}$, $\angle 2 = 108^{\circ}$, $\angle 3 = 96^{\circ}$. Найдите угол 4.
- 4. Из точки к прямой проведены перпендикуляр и наклонная, сумма их длин равна 17 см, а их разность равна 1 см. Найдите расстояние от точки до прямой.



7 класс

К-6, В-2

- 1. Постройте треугольник по двум сторонам и медиане, проведённой к одной из этих сторон.
- 2. Отрезки AB и CD диаметры окружности с центром O. Найдите периметр треугольника AOD, если хорда CB равна 10 см, диаметр AB равен 12 см.
- 3. На рисунке $\angle 1 = 82^{\circ}$, $\angle 2 = 98^{\circ}$, $\angle 3 = 65^{\circ}$. Найдите угол 4.
- 4. Сумма гипотенузы CE и катета CD прямоугольного треугольника CDE равна 31 см, а их разность равна 3 см. Найдите расстояние от вершины C до прямой DE.





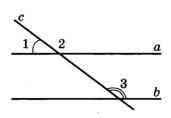
Итоговый зачёт

7 класс

Карточка 1

1. Понятия прямой и отрезка. Взаимное расположение двух прямых на плоскости.

- 2. Первый признак равенства треугольников. Доказательство.
- 3. На рисунке $\angle 1 = 37^{\circ}$, $\angle 3 = 143^{\circ}$. Докажите, что $a \parallel b$, и найлите $\angle 2$.



7 класс

Карточка 2

- 1. Луч и угол. Виды углов.
- 2. Второй признак равенства треугольников. Доказательство.
- 3. В равнобедренном треугольнике CDE с основанием CE проведена биссектриса CF, Найдите $\angle ECF$, если $\angle D = 54^{\circ}$.

7 класс

Карточка 3

 c_I

- **1.** Сравнение отрезков. Измерение отрезков.
- 2. Третий признак равенства треугольников. Доказательство.
- 3. На рисунке $a \parallel b$, $\angle 3 = 102^\circ$. Найдите остальные семь углов.

 $\frac{1/2}{4/3}$	a
 4/3	
 8/5	<u>b</u>
7/6	

7 класс

Карточка 4

- 1. Сравнение углов. Измерение углов.
- 2. Теорема о свойстве высоты равнобедренного треугольника. Доказательство.
- 3. Один из углов прямоугольного треугольника равен 60° , а сумма гипотенузы и меньшего катета равна 30 см. Найдите гипотенузу треугольника.

.

Карточка 5

- 1. Определение и свойство смежных углов.
- 2. Определение параллельных прямых. Первый признак параллельности двух прямых. Доказательство.
- 3. Высота AD равностороннего треугольника BAC с основанием BC равна 10 см, периметр треугольника ADC равен 70 см. Найдите периметр треугольника ABC.

7 класс

Карточка 6

- 1. Определение и свойство вертикальных углов.
- **2.** Второй признак параллельности двух прямых. Доказательство.
- 3. Один из внешних углов равнобедренного треугольника равен 110°. Найдите все углы данного треугольника.

7 класс

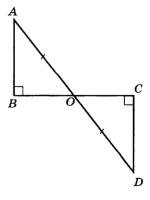
Карточка 7

- 1. Определение перпендикулярных прямых. Доказательство теоремы о перпендикулярности двух прямых к третьей.
- **2.** Третий признак параллельности двух прямых. Доказательство.
- 3. Первый угол треугольника равен 40° , а второй больше третьего на 16° . Найдите эти углы треугольника.

7 класс

Карточка 8

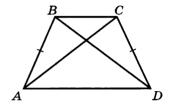
- 1. Определения медианы, биссектрисы и высоты треугольника. Построение их в остроугольном, прямоугольном и тупоугольном треугольниках.
- 2. Аксиома параллельных прямых.
- 3. На рисунке $\angle B = \angle C = 90^{\circ}$, AO = OD. Докажите, что $\triangle ABO = \triangle OCD$, и найдите $\angle A$, если $\angle D = 38^{\circ}$.





Карточка 9

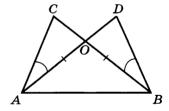
- 1. Теорема о единственности перпендикуляра, проведённого из данной точки к данной прямой.
 - 2. Неравенство треугольника.
- 3. На рисунке AB = CD, BD = AC. Докажите, что $\angle CAD = \angle ADB$. Найдите $\angle ABD$, если $\angle ACD = 70^{\circ}$.



7 класс

Карточка 10

- 1. Определение равнобедренного треугольника. Теорема о свойствах углов при его основании.
- 2. Теорема о соотношении между сторонами и углами треугольника.
- 3. На рисунке $\angle DBC = \angle CAD$, BO = AO. Докажите, что $\angle C = \angle D$. Найдите AC, если BD = 12 см.

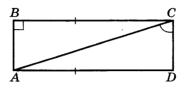


7 класс

- 1. Признак равенства прямоугольных треугольников по гипотенузе и острому углу.
- 2. Понятие окружности. Диаметр, радиус, хорда, дуга окружности.
- 3. В равнобедренном треугольнике угол при основании в 2 раза меньше, чем угол при вершине. Найдите все углы треугольника.

Карточка 12

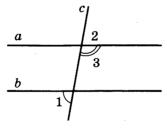
- **1.** Признак равенства прямоугольных треугольников по катету и острому углу.
- 2. С помощью циркуля и линейки постройте угол, равный данному.
- 3. На рисунке $BC \parallel AD$, BC = AD. Докажите, что AB = CD. Найдите $\angle BAC$, если $\angle DCA = 85^\circ$.



7 класс

Карточка 13

- 1. Признак равенства прямоугольных треугольников по гипотенузе и катету.
- 2. С помощью циркуля и линейки постройте биссектрису данного угла.
- 3. На рисунке $\angle 3 = 100^\circ$, $\angle 1 = 80^\circ$. Докажите, что $a \parallel b$, и найдите $\angle 2$.



7 класс

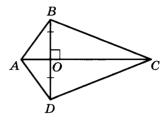
- 1. Доказательство теоремы о свойстве катета прямоугольного треугольника, лежащего против угла в 30°.
- 2. С помощью циркуля и линейки постройте середину данного отрезка.
- 3. В равнобедренном треугольнике периметр равен 150 см, боковая сторона больше основания на 15 см. Найдите все стороны этого треугольника.



Карточка 15

1. Теорема о свойстве односторонних углов при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.

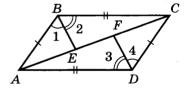
- 2. С помощью циркуля и линейки постройте перпендикуляр, проходящий из данной точки к данной прямой.
- 3. На рисунке $BD \perp AC$, BO = OD. Докажите, что AB = AD и BC = CD. Найдите $\angle OBC$, если $\angle ODC = 65^{\circ}$.



7 класс

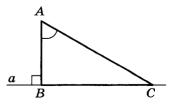
Карточка 16

- 1. Доказательство теоремы о свойстве односторонних углов при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.
- 2. Постройте треугольник по двум сторонам и углу между ними.
- 3. На рисунке AB = CD, AD = BC, $\angle 1 = \angle 4$, $\angle 2 = \angle 3$. Докажите, что $\triangle ABE = \triangle DCF$. Найдите $\angle BAE$, если $\angle FCD = 40^\circ$.



7 класс

- 1. Доказательство теоремы о свойстве накрест лежащих углов при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.
- 2. Постройте треугольник по стороне и двум прилежащим к ней углам.
- 3. На рисунке $AB \perp a$, AC наклонная к прямой a. Найдите AC, если AB = 3 см, $\angle A = 60^{\circ}$.





Карточка 18

- 1. Доказательство теоремы о сумме углов треугольника.
- 2. Понятие перпендикуляра и наклонной к прямой. Расстояние от точки до прямой.
- 3. В равнобедренном прямоугольном треугольнике гипотенуза равна 42 см. Найдите высоту, проведённую из вершины прямого угла.

7 класс

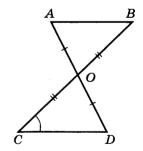
Карточка 19

- 1. Докажите, что в прямоугольном треугольнике один из углов равен 30°, если катет в 2 раза меньше гипотенузы.
- 2. Докажите, что если прямая пересекает одну из параллельных прямых, то она пересекает и другую прямую. Доказательство приведите методом от противного.
- 3. Периметр равнобедренного треугольника равен 65 см, его боковая сторона на 5 см меньше основания. Найдите стороны треугольника.

7 класс

Карточка 20

- 1. Определение и теорема о внешнем угле треугольника.
- 2. Практические способы построения параллельных прямых.
- 3. На рисунке AO = OD, CO = OB. Найдите угол ABO и сторону AB, если $\angle OCD = 70^{\circ}$, CD = 12 см.



7 класс

- 1. Признак равенства прямоугольных треугольников по двум катетам.
- 2. Что такое аксиома, теорема, определение? Приведите примеры обратных теорем.
- 3. В равнобедренном треугольнике внешний угол при вершине равен 40°. Найдите углы этого треугольника.



Самостоятельные работы

8 класс

C-1, B-1

- 1. Найдите сумму углов выпуклого семиугольника.
- 2. Сколько сторон имеет выпуклый многоугольник, если каждый его угол равен 135°?
- 3. Периметр четырёхугольника равен 132 см, а одна из сторон больше каждой из других соответственно на 2 см, 4 см, 6 см. Найдите стороны четырёхугольника.

8 класс

C-1, B-2

- 1. Найдите сумму углов выпуклого двенадцатиугольника.
- 2. Сколько сторон имеет выпуклый многоугольник, если каждый его угол равен 108°?
- 3. Найдите стороны четырёхугольника, если они относятся как числа 1:2:3:4, а периметр четырёхугольника равен 90 см.

8 класс

C-2, B-1

- 1. На диагонали AC параллелограмма ABCD отложены равные отрезки AE и CK. Докажите, что четырёхугольник BEDK параллелограмм.
- 2. Найдите боковые стороны равнобедренной трапеции, основания которой равны $14\ \mathrm{cm}$ и $8\ \mathrm{cm}$, а один из углов равен 120° .

8 класс

C-2, B-2

- 1. На сторонах MN и PK параллелограмма KMNP отложены равные отрезки MA и PB. Докажите, что четырёхугольник AMBP параллелограмм.
- 2. Найдите меньшее основание равнобедренной трапеции, если её большее основание равно $16\,$ см, боковая сторона $10\,$ см, а один из углов равен 60° .

C-3, B-1

- 1. Через точку пересечения диагоналей параллелограмма ABCD проведена прямая, пересекающая стороны AD и BC в точках E и F соответственно. Найдите стороны параллелограмма, если его периметр равен 28 см, AE = 5 см, BF = 3 см.
- 2. Найдите меньшую боковую сторону прямоугольной трапеции, основания которой равны $10~{\rm cm}$ и $6~{\rm cm}$, а один из углов равен 45° .

8 класс

C-3, B-2

- 1. Биссектрисы углов A и D параллелограмма ABCD пересекаются в точке M, лежащей на стороне BC. Найдите стороны параллелограмма, если его периметр равен 36 см.
- 2. Найдите боковую сторону равнобедренной трапеции, основания которой равны $12\ \mathrm{cm}$ и $6\ \mathrm{cm}$, а один из углов равен 60° .

8 класс

C-4, B-1

- 1. Периметр прямоугольника равен 28 см. Найдите стороны прямоугольника, если одна из них в 6 раз больше другой.
- 2. В ромбе ABCD диагонали AC и BD пересекаются в точке $O, \angle D$ = 120°. Найдите углы треугольника BOC.

8 класс

C-4, B-2

- 1. Периметр прямоугольника равен 36 см. Найдите его стороны, если одна из них на 6 см меньше другой.
- 2. Диагонали KN и MP ромба MNPK пересекаются в точке O, $\angle M$ = 160° . Найдите углы треугольника POK.



8 класс C—5, В—1

1. Сколько потребуется кафельных плиток квадратной формы со стороной 20 см, чтобы облицевать ими часть стены, имеющей форму прямоугольника со сторонами 3 м и 2.4 м?

2. Найдите стороны прямоугольника, если его площадь равна 160 см², а одна сторона в 2,5 раза меньше другой.

8 класс C-5, B-2

1. Пол комнаты имеет форму квадрата со стороной 4 м. Сколько надо паркетных дощечек прямоугольной формы со сторонами 5 см и 20 см, чтобы покрыть весь пол паркетом?

2. Площадь прямоугольника 40 см², а его периметр 26 см. Найдите стороны прямоугольника.

8 класс С-6, В-1

1. Стороны AB и BC треугольника ABC равны соответственно 32 см и 44 см, а высота, проведённая к стороне AB, равна 22 см. Найдите высоту, проведённую к стороне BC.

- 2. Сторона ромба равна 12 см, а один из его углов равен 30° . Найдите площадь ромба.
- 3. Найдите площадь прямоугольной трапеции, у которой две меньшие стороны равны 30 см, а больший угол равен 135°.

8 класс С—6, В—2

- 1. Площадь прямоугольного треугольника равна 64 cm^2 . Найдите его катеты, если один из них в 2 раза больше другого.
- 2. Стороны параллелограмма равны 18 см и 30 см, а высота, проведённая к большей стороне, равна 6 см. Найдите высоту, проведённую к меньшей стороне параллелограмма.
- 3. Острый угол равнобедренной трапеции равен 45°, а высота, проведённая из вершины тупого угла, делит основание на отрезки 14 см и 34 см. Найдите площадь трапеции.



8 класс C-7. B-1

1. Найдите сторону AD прямоугольника ABCD, если диагональ AC = 13 см, а сторона AB = 12 см.

2. Боковая сторона равнобедренного треугольника равна 17 см, а основание равно 30 см. Найдите высоту, проведённую к основанию, и площадь треугольника.

8 класс C-7, B-2

- 1. В квадрате диагональ равна 12 см. Найдите его сторону.
- 2. В треугольнике стороны равны 10 см, 10 см и 12 см. Найдите высоту, проведённую к большей стороне, и площадь этого треугольника.

8 класс C-8, B-1

- 1. Дан треугольник со сторонами 1,5 см, 2 см и 3 см. Найдите стороны треугольника, подобного данному, если его периметр равен 26 см.
- 2. В подобных треугольниках ABC и $A_1B_1C_1$ стороны BC и B_1C_1 сходственные. Известно, что AB=9 см, BC = 12 см, AC = 15 см и $\frac{BC}{B_1C_1} = \frac{3}{4}$. Найдите стороны треугольника $A_1B_1C_1$.

8 класс C-8, B-2

- 1. Треугольники ABC и $A_{_1}B_{_1}C_{_1}$ подобны, и их сходственные стороны относятся как 6:5. Площадь треугольника ABC больше площади треугольника $A_1B_1C_1$ на 7.7 cm^2 . Найдите площади треугольников ABC и $A_1B_1C_1$.
- 2. В подобных треугольниках MNK и $M_1N_1K_1$ стороны MN и M_1N_1 сходственные. Известно, что MN=12 см, NK = 7 см, KM = 8 см и $\frac{MN}{M_1N_1} = \frac{6}{5}$. Найдите стороны треугольника $M_1N_1K_1$.



8 класс С—9, В—1

1. Высота CD прямоугольного треугольника ABC делит гипотенузу AB на отрезки AD=16 см и BD=9 см. Докажите, что треугольник ACD подобен треугольнику CBD, и найдите высоту CD.

2. Точки M и N лежат на сторонах AC и BC треугольника ABC соответственно, причём AC=16 см, BC=12 см, CM=12 см, CN=9 см. Докажите, что $MN\parallel AB$.

8 класс C—9, В—2

1. Высота CD прямоугольного треугольника ABC отсекает от гипотенузы AB длиной 9 см отрезок AD, равный 4 см. Докажите, что треугольник ABC подобен треугольнику ACD, и найдите сторону AC.

2. Диагонали AC и BD четырёхугольника ABCD пересекаются в точке O, AO = 18 см, OB = 15 см, OC = 12 см, OD = 10 см. Докажите, что ABCD — трапеция с основаниями AB и CD.

8 класс С—10, В—1

1. Площадь ромба равна 48 см². Найдите площадь четырёхугольника, вершинами которого являются середины сторон данного ромба.

 ${f 2.}$ Начертите отрезок и разделите его в отношении ${f 2:7.}$

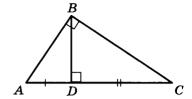
3. Стороны треугольника ABC равны 8 см, 5 см, 7 см. Найдите периметр треугольника, вершинами которого являются середины сторон треугольника ABC.

8 класс C—10, В—2

- 1. Площадь прямоугольника равна 36 см². Найдите площадь четырёхугольника, вершинами которого являются середины сторон данного прямоугольника.
- ${f 2.}$ Начертите отрезок и разделите его в отношении ${f 5}:{f 4.}$
- 3. Диагонали параллелограмма равны 12 см и 14 см. Найдите периметр четырёхугольника, вершинами которого являются середины сторон данного параллелограмма.

C-11, B-1

1. В треугольнике ABC, изображённом на рисунке, известно, что $\angle ABC = 90^\circ$, $BD \perp AC$, AD = 12 см, CD = 16 см. Найдите длины сторон BC, AB, BD.

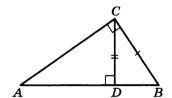


2. Постройте прямоугольный треугольник по острому углу и медиане, проведённой из вершины этого угла.

8 класс

C-11, B-2

1. В треугольнике ABC, изображённом на рисунке, известно, что $\angle C = 90^{\circ}$, $CD \perp AB$, BC = 3 см, $CD = \sqrt{8}$ см. Найдите длины сторон AB, AC, DB.

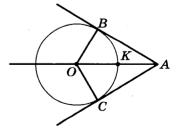


2. Постройте прямоугольный треугольник по острому углу и биссектрисе прямого угла.

8 класс

C-12, B-1

- 1. Прямая AB касается окружности с центром O радиуса r в точке B. Найдите AB, если OA = 20 см, r = 15 см.
- 2. На рисунке AB и AC касательные к окружности. Точка K середина отрезка AO лежит на окружности. Найдите угол BAC.

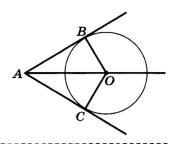




C-12, B-2

1. Прямая AB касается окружности с центром O радиуса r в точке B. Найдите AB, если $\angle AOB = 60^{\circ}$, r = 6 см.

2. На рисунке AB и AC — касательные к окружности. BO = 6 см, AO = 12 см. Найдите угол между касательными.



8 класс

C-13, B-1

1. Вершины треугольника ABC лежат на окружности с центром O, $\angle AOB = 80^\circ$, $\cup AC : \cup BC = 2 : 3$. Найдите углы треугольника ABC.

2. Хорды MN и KZ окружности пересекаются в точке A, причём хорда MN делится точкой A на отрезки, равные 10 см и 6 см. На какие отрезки точка A делит хорду KZ, если длина KZ больше длины MN на 3 см?

8 класс

C-13, B-2

1. Вершины треугольника ABC лежат на окружности с центром O, $\angle ABC = 70^\circ$, $\cup BC : \cup AB = 3 : 2$. Найдите углы ACB и BAC треугольника ABC.

2. Хорды MN и KZ окружности пересекаются в точке A, причём хорда MN делится точкой A на отрезки, равные 1 см и 15 см. На какие отрезки точка A делит хорду KZ, если длина KZ в 2 раза меньше длины MN?

8 класс

C-14, B-1

- 1. Биссектрисы углов при основании AC равнобедренного треугольника ABC пересекаются в точке O. Докажите, что прямая BO перпендикулярна к прямой AC.
- 2. Серединный перпендикуляр к стороне BC треугольника ABC пересекает сторону AC в точке D. Известно, что BD=15 см, AC=18,5 см. Найдите отрезки AD и DC.



C-14, B-2

- 1. Треугольник ABC равнобедренный с основанием BC. Биссектрисы внешних углов при вершинах B и C треугольника ABC пересекаются в точке O. Докажите, что OC = OB.
- 2. Серединный перпендикуляр к стороне AB треугольника ABC пересекает сторону AC в точке M. Известно, что BM = 7 см, AC = 12,5 см. Найдите отрезки AM и MC.

8 класс

C-15, B-1

- 1. Центр описанной окружности лежит на высоте равнобедренного треугольника и делит высоту на отрезки, равные 5 см и 13 см. Найдите площадь этого треугольника.
- 2. В правильный треугольник вписана окружность. Найдите её радиус, если сторона этого треугольника равна 8 см.

8 класс

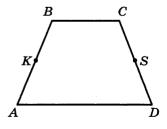
C-15, B-2

- 1. Центр описанной окружности лежит на высоте равнобедренного треугольника и делит высоту на отрезки, меньший из которых равен 8 см. Основание треугольника равно 12 см. Найдите площадь этого треугольника.
- 2. В правильный треугольник вписана окружность радиусом 3 см. Найдите сторону этого треугольника.

8 класс

C-16, B-1

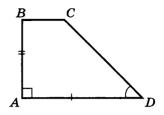
- 1. В прямоугольнике ABCD AB = 3 см, BC = 4 см, $M \longrightarrow$ середина стороны BC. Найдите длины векторов \overrightarrow{AM} и \overrightarrow{AC} .
- 2. На рисунке ABCD равнобедренная трапеция, точки K и S середины боковых сторон. Верно ли, что:
 - a) $\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{DS}$;
 - 6) $\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{BK}$;
- в) $\overrightarrow{DS} = \overrightarrow{SC}$? Ответ обоснуйте.





C-16, B-2

1. На рисунке изображена прямоугольная трапеция ABCD, в которой $\angle D = 45^{\circ}$, AD = 24 см, AB = 10 см. Найдите длины векторов \overrightarrow{BD} и \overrightarrow{CD} .



- **2.** В параллелограмме $ABCD\ O$ точка пересечения диагоналей. Верно ли, что:
 - a) $\overrightarrow{AO} = \overrightarrow{CO}$;
 - 6) $\overrightarrow{BO} = \overrightarrow{OD}$;
 - $B) \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AD?}$

Ответ обоснуйте.

8 класс

C-17, B-1

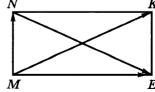
- 1. Дан прямоугольный треугольник \overrightarrow{ABC} с гипотенузой \overrightarrow{BC} . Постройте вектор $\overrightarrow{p} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} \overrightarrow{BC}$ и найдите $|\overrightarrow{p}|$, если AB = 8 см.
- **2.** На рисунке *ABCD* параллелограмм. Выразите:
 - а) \overrightarrow{AC} через \overrightarrow{AB} и \overrightarrow{AD} ;
 - б) \overrightarrow{DB} через \overrightarrow{AB} и \overrightarrow{AD} .

 $A = \sum_{D}^{B} C$

8 класс

C—17, B—2

- 1. Дан прямоугольный треугольник \overrightarrow{ABC} с гипотенузой \overrightarrow{AB} . Постройте вектор $\overrightarrow{m} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} \overrightarrow{CA}$ и найдите $|\overrightarrow{m}|$, если BC = 9 см.
- **2.** На рисунке *MNKE* прямоугольник. Выразите:
 - а) \overrightarrow{MK} через \overrightarrow{MN} и \overrightarrow{ME} ;
 - б) \overrightarrow{NE} через \overrightarrow{MN} и \overrightarrow{ME} .



		·	
	,		
·			

C-18, B-1

- 1. Начертите два неколлинеарных вектора \vec{a} и \vec{b} так, что $|\vec{a}|=3$ см, $|\vec{b}|=2$ см. Постройте вектор $\vec{p}=3\vec{a}-\frac{1}{2}\vec{b}$.
- 2. В параллелограмме KMNP точка B середина стороны MN, A точка на отрезке PN, такая, что PA:AN=2:1. Выразите векторы \overrightarrow{MA} и \overrightarrow{AB} через векторы $\overrightarrow{m}=\overrightarrow{KM}$ и $\overrightarrow{n}=\overrightarrow{KP}$.

8 класс

C-18, B-2

- 1. Начертите два неколлинеарных вектора \vec{m} и \vec{n} так, что $|\vec{m}|=2$ см, $|\vec{n}|=3$ см. Постройте вектор $\vec{a}=2\vec{m}-\frac{1}{2}\vec{n}$.
- 2. В параллелограмме ABCD точка M середина стороны CD, N точка на стороне AD, такая, что AN:ND=1:2. Выразите векторы \overrightarrow{CN} и \overrightarrow{MN} через векторы $\overrightarrow{b}=\overrightarrow{BC}$ и $\overrightarrow{a}=\overrightarrow{BA}$.

8 класс

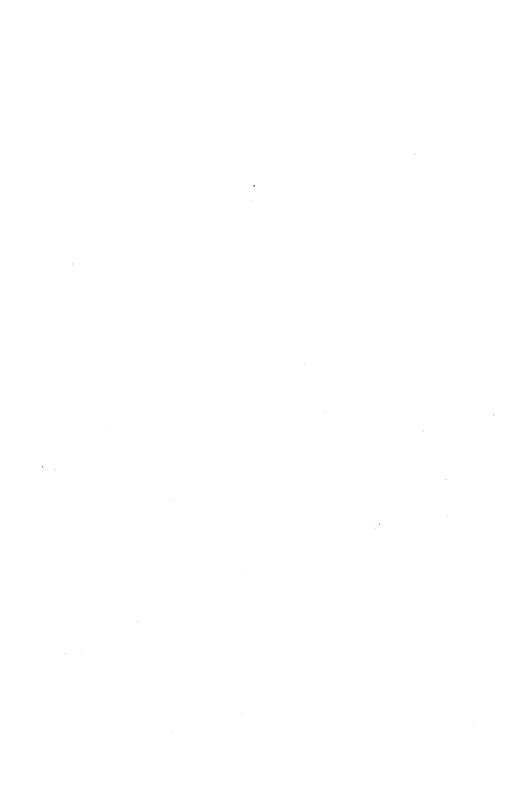
C-19, B-1

- 1. Точка K делит отрезок MN в отношении MK:KN=3:4. Выразите вектор \overrightarrow{AM} через векторы $\overrightarrow{a}=\overrightarrow{AK}$ и $\overrightarrow{b}=\overrightarrow{AN}$, где A произвольная точка, не лежащая на прямой MN.
- 2. Высота, проведённая из вершины тупого угла равнобедренной трапеции, делит большее основание трапеции на два отрезка, меньший из которых равен 2 см. Найдите большее основание трапеции, если её средняя линия равна 8 см.

8 класс

C-19, B-2

- 1. Точка A делит отрезок \overrightarrow{EF} в отношении $\overrightarrow{EA}: \overrightarrow{AF} = 2:5$. Выразите вектор \overrightarrow{KE} через векторы $\overrightarrow{m} = \overrightarrow{KA}$ и $\overrightarrow{n} = \overrightarrow{KF}$, где K произвольная точка, не лежащая на прямой EF.
- 2. Высота, проведённая из вершины тупого угла равнобедренной трапеции, делит среднюю линию трапеции на отрезки, равные 2 см и 6 см. Найдите основания трапеции.



C-20, B-1

- 1. Меньшее основание равнобедренной трапеции равно 6 м, большее 12 м, угол при основании равен 60°. Найдите радиус описанной около трапеции окружности.
- 2. Стороны треугольника равны 12 м, 16 м и 20 м. Найдите высоту, проведённую из вершины большего угла.

8 класс

C-20, B-2

- 1. В прямоугольный треугольник вписан квадрат, имеющий с ним общий угол. Найдите площадь квадрата, если катеты треугольника 15 м и 10 м.
- 2. Найдите площадь равнобедренной трапеции, описанной около окружности радиуса $4\,$ см, если известно, что боковая сторона трапеции равна $10\,$ см.

8 класс

C-21, B-1

- 1. В треугольнике ABC стороны AB=4 см, AC=7 см, $\angle A=30^\circ$. Найдите площадь треугольника и высоту, проведённую к стороне AB.
- 2. Боковая сторона равнобедренной трапеции равна $\sqrt{13}$, а основания равны 2 и 6. Найдите диагональ трапеции.

8 класс

C-21, B-2

- 1. В треугольнике ABC стороны AB = 6 см, AC = 8 см. Высота, опущенная на сторону AB, равна 4 см. Найдите площадь треугольника ABC и угол A.
- 2. Основания трапеции $10\,$ м и $31\,$ м, а боковые стороны $20\,$ м и $13\,$ м. Найдите высоту трапеции.



Контрольные работы

8 класс

К-1, B-1

- 1. Диагонали прямоугольника ABCD пересекаются в точке O. Найдите угол между диагоналями, если $\angle ABO = 30^{\circ}$.
- **2.** В параллелограмме KMNP проведена биссектриса угла K, которая пересекает сторону MN в точке E.
 - а) Докажите, что треугольник КМЕ равнобедренный.
- б) Найдите сторону KP, если ME = 10 см, а периметр параллелограмма равен 52 см.

8 класс

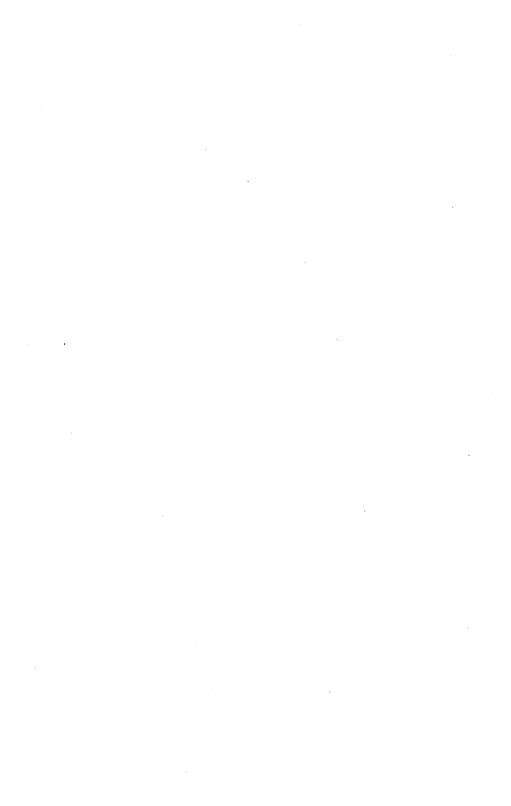
K-1, B-2

- 1. Диагонали ромба KMNP пересекаются в точке O. Найдите углы треугольника KMO, если $\angle MNP = 80^\circ$.
- 2. На стороне BC параллелограмма ABCD взята точка M так, что AB = BM.
 - а) Докажите, что AM биссектриса угла BAD.
- б) Найдите периметр параллелограмма, если $CD=8\,$ см, $CM=4\,$ см.

8 класс

К-2. B-1

- 1. Смежные стороны параллелограмма равны 32 см и 26 см, а один из его углов равен 150°. Найдите площадь параллелограмма.
- 2. Площадь прямоугольной трапеции равна $120~{
 m cm}^2$, а её высота равна $8~{
 m cm}$. Найдите все стороны трапеции, если одно из её оснований на $6~{
 m cm}$ больше другого.
- 3. Найдите площадь ромба, если его сторона равна $20\ \mathrm{cm}$, а диагонали относятся как 3:4.



K-2, B-2

- 1. Одна из диагоналей параллелограмма является его высотой и равна 9 см. Найдите стороны параллелограмма, если его площадь равна 108 см².
- 2. Найдите площадь трапеции ABCD с основаниями AD и BC, если AB = 12 см, BC = 14 см, AD = 30 см, $\angle B$ = 150°.
- 3. Одна из диагоналей ромба на 4 см больше другой, а площадь ромба равна 96 см². Найдите сторону ромба.

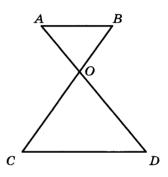
8 класс

K-3, B-1

- 1. На рисунке $AB \parallel CD$.
- а) Докажите, что

 $AO \cdot OC = BO \cdot OD$.

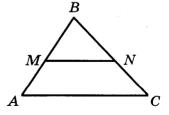
- б) Найдите AB, если $BC = 24\,$ см, $OB = 9\,$ см, $CD = 25\,$ см.
- 2. Найдите отношение площадей треугольников ABC и KMN, если AB = 8 см, BC = 12 см, AC = 16 см, KM = 10 см, MN == 15 см, KN = 20 см.



8 класс

K-3, B-2

- 1. На рисунке $MN \parallel AC$.
- а) Докажите, что
- $AB \cdot BN = CB \cdot BM$.
- б) Найдите MN, если $AM=6\,$ см, $BM=8\,$ см, $AC=21\,$ см.



2. Найдите отношение площадей треугольников PQR и ABC, если PQ=16 см, QR=20 см, PR=28 см, AB=12 см, BC=15 см, AC=21 см.

K-4, B-1

- 1. В прямоугольном треугольнике $ABC \angle A = 90^{\circ}$, AB = 20 см, высота AD равна 12 см. Найдите AC и соз C.
- **2.** Диагональ BD параллелограмма ABCD перпендикулярна к стороне AD, AB=12 см, $\angle A=60^\circ$. Найдите площадь параллелограмма.
- 3. Боковая сторона трапеции, равная $5\sqrt{2}$ см, образует с бо́льшим основанием угол в 45° . Основания трапеции равны 12 см и 20 см. Найдите площадь трапеции.

8 класс

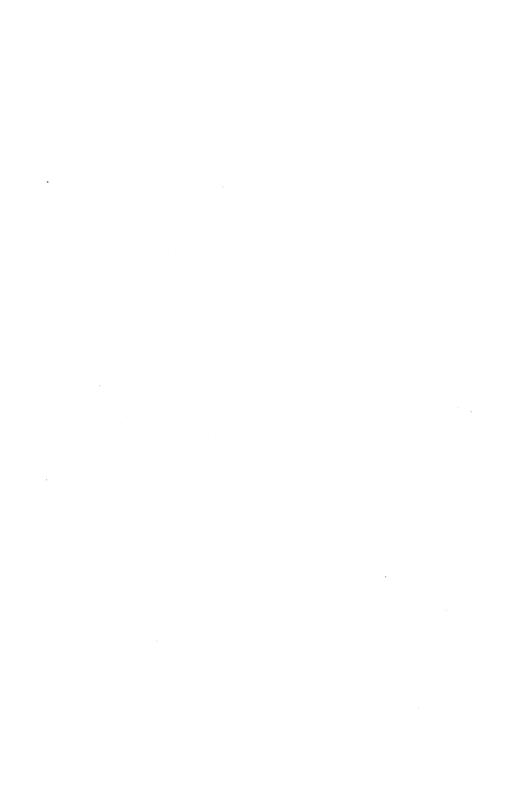
K-4, B-2

- 1. В прямоугольном треугольнике ABC высота BD равна 24 см и отсекает от гипотенузы AC отрезок DC, равный 18 см. Найдите AB и $\cos A$.
- 2. Диагональ AC прямоугольника ABCD равна 8 см и составляет со стороной AD угол в 45°. Найдите площадь прямоугольника.
- ${f 3.}$ В прямоугольной трапеции один из углов равен ${f 135^\circ}$, средняя линия равна ${f 18}$ см, а основания относятся как ${f 1:8.}$ Найдите основания трапеции и её площадь.

8 класс

K−5, B−1

- 1. Через точку A окружности проведены диаметр AC и две хорды AB и AD, равные радиусу этой окружности. Найдите углы четырёхугольника ABCD и градусные меры дуг AB, BC, CD, AD.
- 2. Основание AB равнобедренного треугольника ABC равно 18 см, а боковая сторона BC равна 15 см. Найдите радиусы вписанной в треугольник и описанной около треугольника окружностей.
- 3. Из точки K к окружности с центром O проведены две прямые, касающиеся данной окружности в точках M и N. Найдите отрезки KM и KN, если OK=12 см, $\angle MON=120^\circ$.



K-5, B-2

- 1. Отрезок BD диаметр окружности с центром O. Хорда AC делит пополам радиус OB и перпендикулярна к нему. Найдите углы четырёхугольника ABCD и градусные меры дуг AB, BC, CD, AD.
- 2. Высота CD, проведённая к основанию AB равнобедренного треугольника ABC, равна 3 см, AB=8 см. Найдите радиусы вписанной в треугольник и описанной около треугольника окружностей.
- 3. Из точки K к окружности с центром O проведены две прямые, касающиеся данной окружности в точках M и N. Найдите отрезки KM и KN, если OM = 9 см, $\angle MON$ = 120° .

8 класс

K-6, B-1

- 1. Точки E и F лежат на сторонах AD и BC соответственно параллелограмма ABCD, причём AE = ED, BF : FC = 4 : 3.
 - а) Выразите вектор \overrightarrow{EF} через векторы $\overrightarrow{m} = \overrightarrow{AB}$ и $\overrightarrow{n} = \overrightarrow{AD}$.
- б) Может ли при каком-нибудь значении x выполняться равенство $\overrightarrow{EF} = x \cdot \overrightarrow{CD}$?
- ${f 2.}$ В прямоугольной трапеции боковые стороны равны ${f 15}$ см и ${f 17}$ см, средняя линия равна ${f 6}$ см. Найдите основания трапеции.

8 класс

К-6, В-2

- 1. Точка K лежит на стороне AB, а точка M на стороне CD параллелограмма ABCD, причём AK = KB, CM: MD = 2:5.
- а) Выразите вектор \overrightarrow{KM} через векторы $\overrightarrow{p} = \overrightarrow{AB}$ и $\overrightarrow{q} = \overrightarrow{AD}$.
- б) Может ли при каком-нибудь значении x выполняться равенство $\overrightarrow{KM} = x \cdot \overrightarrow{CB}$?
- 2. Один из углов прямоугольной трапеции равен 120°, бо́льшая боковая сторона равна 20 см, а средняя линия равна 7 см. Найдите основания трапеции.

.

K-7, B-1

- 1. Основание равнобедренного треугольника равно 30 м, а высота, проведённая из вершины основания к боковой стороне, равна 24 м. Найдите площадь треугольника.
- 2. Найдите площадь равнобедренной трапеции, описанной около окружности радиусом $4\ \mathrm{cm}$, если боковая сторона трапеции равна $10\ \mathrm{cm}$.

8 класс

K-7, B-2

- 1. Боковая сторона равнобедренной трапеции равна $\sqrt{13}\,$ м, а её основания равны 3 м и 4 м. Найдите диагональ трапеции.
- 2. Около равнобедренного треугольника ABC с основанием AC = 12 см описана окружность, радиус которой 10 см. Найдите площадь треугольника ABC.



Итоговый зачёт

8 класс

Карточка 1

- 1. Определение выпуклого многоугольника. Сумма его внутренних углов.
- 2. Касательная к окружности. Теорема о свойстве касательной.
- 3. Найдите стороны прямоугольника, если его площадь равна 75 см², а одна сторона в 3 раза больше другой.

8 класс

Карточка 2

- **1.** Определение параллелограмма. Доказательство свойств его углов и диагоналей.
 - 2. Взаимное расположение прямой и окружности.
- ${f 3.}$ Найдите высоты треугольника со сторонами ${f 5}$ см и ${f 6}$ см.

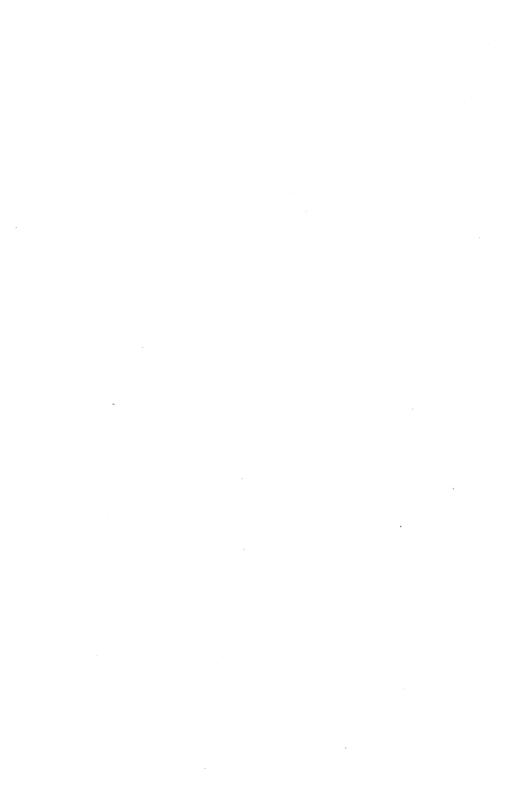
8 класс

Карточка 3

- 1. Признаки параллелограмма. Доказательство одного из них.
- 2. Теорема о свойстве двух касательных к окружности, проведённых из одной точки (доказательство).
- 3. Дан треугольник, стороны которого равны 8 см, 5 см и 7 см. Найдите периметр и площадь треугольника, подобного данному, если коэффициент подобия равен $\frac{1}{4}$.

8 класс

- 1. Определение трапеции, виды трапеции. Свойства углов и диагоналей равнобедренной трапеции.
- 2. Определения центрального и вписанного углов. Теорема о свойстве вписанного угла.
- 3. Площадь прямоугольного треугольника равна 168 см 2 . Найдите катеты, если отношение их длин равно $\frac{7}{12}$.



Карточка 5

- 1. Теорема Фалеса. Доказательство. С помощью циркуля и линейки разделить данный отрезок на 5 равных частей.
- 2. Теорема о произведении отрезков пересекающихся хорд.
- 3. Найдите площадь прямоугольной трапеции, у которой две меньшие стороны равны $16\,$ см каждая, а больший угол равен 135° .

8 класс

Карточка 6

- 1. Определение прямоугольника. Свойства его диагоналей.
 - 2. Теорема о биссектрисе угла.
- 3. В треугольнике \overrightarrow{ABC} стороны $\overrightarrow{AB} = 6$ см, $\overrightarrow{BC} = 8$ см, $\angle B = 90^{\circ}$. Найдите: $|\overrightarrow{BA}| |\overrightarrow{BC}|$; $|\overrightarrow{BA} \overrightarrow{BC}|$; $|\overrightarrow{AB}| + |\overrightarrow{BC}|$; $|\overrightarrow{AB}| + |\overrightarrow{BC}|$;

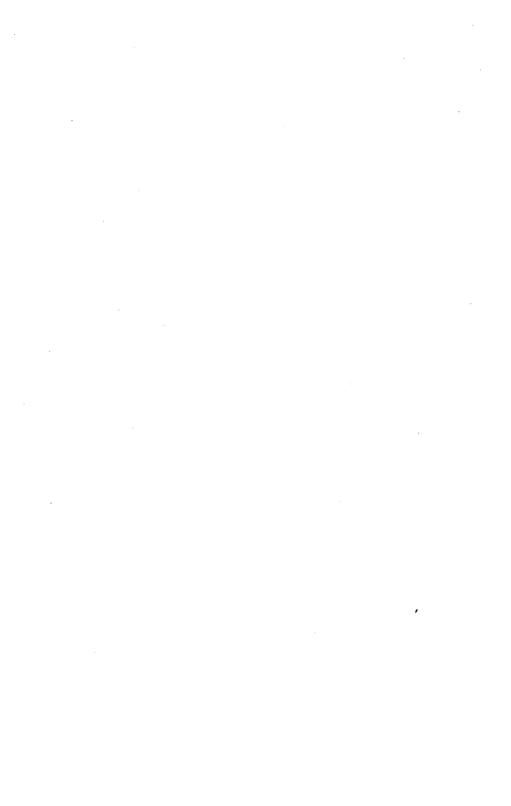
8 класс

Карточка 7

- **1.** Определение ромба. Свойства его диагоналей. Доказательство.
 - 2. Теорема о серединном перпендикуляре к отрезку.
- 3. Сумма двух противоположных сторон описанного четырёхугольника равна 12 см, а радиус вписанной в него окружности равен 5 см. Найдите площадь четырёхугольника.

8 класс

- 1. Определение квадрата. Свойства сторон, углов и диагоналей.
 - 2. Теорема о пересечении медиан треугольника.
- 3. Прямая, параллельная стороне AB треугольника ABC, делит сторону AC в отношении 2:7, считая от вершины A. Найдите периметр отсечённого треугольника, если AB=10 см, BC=18 см, CA=21,5 см.



Карточка 9

- 1. Осевая симметрия. Определение и построение фигуры, симметричной данной относительно оси.
- 2. Вписанная окружность. Теорема об окружности, вписанной в треугольник.
- 3. Найдите площадь трапеции ABCD с основаниями AB и CD, если AB = 10 см, BC = DA = 13 см, CD = 20 см.

8 класс

Карточка 10

- 1. Понятие площади фигуры. Единицы измерения площадей. Свойства площадей.
- 2. Описанная окружность. Теорема об окружности, описанной около треугольника.
- 3. В параллелограмме \overrightarrow{ABCD} диагонали пересекаются в точке \overrightarrow{O} . Выразите через векторы $\overrightarrow{a} = \overrightarrow{AB}$ и $\overrightarrow{b} = \overrightarrow{AD}$ векторы: $\overrightarrow{DC} + \overrightarrow{CB}$, $\overrightarrow{BO} + \overrightarrow{OC}$, $\overrightarrow{BO} \overrightarrow{OC}$, $\overrightarrow{BA} \overrightarrow{DA}$.

8 класс

Карточка 11

- 1. Площади квадрата и прямоугольника.
- 2. Свойство углов вписанного четырёхугольника.
- 3. Найдите углы ромба, если его диагонали равны $2\sqrt{3}$ м и 2 м.

8 класс

- 1. Вывод формулы площади параллелограмма.
- 2. Свойство сторон описанного четырёхугольника.
- 3. Даны два неколлинеарных вектора \vec{p} и \vec{q} , начала которых не совпадают. Постройте векторы $\vec{m}=2\vec{p}-\frac{1}{2}\vec{q}$ и $\vec{n}=\vec{p}+3\vec{q}$.



Карточка 13

- 1. Вывод формулы площади треугольника.
- 2. Определение вектора. Равенство векторов. Противоположные векторы. Откладывание от данной точки вектора, равного данному.
- 3. Прямые AB и AC касаются окружности с центром O в точках B и C. Найдите отрезок BC, если $\angle OAB = 30^\circ$, AB = 5 см.

8 класс

Карточка 14

- 1. Вывод формулы площади трапеции.
- 2. Сложение двух векторов. Правила треугольника, параллелограмма, многоугольника.
- 3. Хорда AB стягивает дугу, равную 119°, а хорда AC дугу, равную 43°. Найдите угол BAC.

8 класс

Карточка 15

- 1. Теорема Пифагора. Доказательство.
- 2. Правило вычитания двух векторов.
- 3. Найдите периметр ромба ABCD, если $\angle C = 120^{\circ}$, AC = 10.5 см.

8 класс

Карточка 16

- 1. Определение подобных треугольников. Теорема об отношении площадей двух подобных треугольников.
 - 2. Правило умножения вектора на число.
- ${f 3.}$ Через точку ${f A}$ окружности проведены касательная и хорда, равная радиусу окружности. Найдите угол между ними.

8 класс

- 1. Первый признак подобия треугольников. Доказательство.
- 2. Теорема о средней линии трапеции. Доказательство с помощью векторов.
 - 3. Найдите $\sin \alpha$ и $tg \alpha$, если $\cos \alpha = \frac{1}{3}$.



Карточка 18

- **1.** Второй признак подобия треугольников. Доказательство.
 - 2. Законы сложения векторов. Доказательство.
- 3. Стороны прямоугольника равны 3 см и $\sqrt{3}$ см. Найдите углы, которые образует диагональ со сторонами прямоугольника.

8 класс

Карточка 19

- **1.** Третий признак подобия треугольников. Доказательство.
- **2.** Докажите, что $\overrightarrow{OC} = \frac{1}{2}(\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB})$, где O произвольная точка плоскости, C середина отрезка AB.
- 3. В прямоугольном треугольнике ABC катет AC равен 10 см, $\angle B = 60^\circ$. Найдите второй катет BC, гипотенузу AB и площадь этого треугольника.

8 класс

Карточка 20

- 1. Определение и свойство средней линии треугольника.
- 2. Построение касательной из данной точки к данной окружности.
- 3. В параллелограмме ABCD сторона AB равна 12 см, $\angle A = 45^{\circ}$. Найдите площадь параллелограмма, если его диагональ $BD \perp AD$.

8 класс

- 1. Теорема о пропорциональных отрезках в прямоугольном треугольнике.
- 2. Построение треугольника по двум углам и биссектрисе при вершине третьего угла методом подобия.
- 3. Боковая сторона равнобедренной трапеции равна 48 см, а средняя линия делится диагональю на два отрезка, равные 11 см и 35 см. Найдите углы трапеции.

Карточка 22

- 1. Синус, косинус и тангенс острого угла прямоугольного треугольника. Доказательство основного тригонометрического тождества.
 - 2. Задача об определении высоты предмета.
- 3. Точка касания окружности, вписанной в равнобедренный треугольник, делит одну из боковых сторон на отрезки длиной 3 см и 4 см, считая от основания. Найдите периметр треугольника.

8 класс

Карточка 23

- 1. Значения тригонометрических функций для угла в 30° (вывод).
- 2. Задача об определении расстояния до недоступной точки.
- 3. Сторона равностороннего треугольника \overrightarrow{ABC} равна a. Найдите векторы: $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC}|$, $|\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}|$, $|\overrightarrow{BA} \overrightarrow{BC}|$.

8 класс

Карточка 24

- 1. Значения тригонометрических функций для угла в 60° (вывод).
- 2. Теорема об отношении периметров подобных много-угольников.
- 3. Найдите площадь трапеции ABCD с основаниями AD и BC, если AB = CD = 5 см, BC = 7 см, AD = 13 см.

8 класс

- 1. Значения тригонометрических функций для угла в 45° (вывод).
- 2. Центральная симметрия. Построение треугольника, симметричного данному относительно точки O.
- 3. Хорды AB и CD пересекаются в точке E. Найдите отрезок ED, если AE = 5 см, BE = 2 см, CE = 2,5 см.

Самостоятельные работы

9 класс

C-1, B-1

- 1. В прямоугольной системе координат постройте векторы \vec{a} {2; 0}; \vec{b} {3; -2}; \vec{c} {0; -2}; \vec{e} {-1; -1}.
- 2. Найдите координаты векторов \vec{a} + \vec{b} , \vec{a} \vec{b} , $2\vec{a}$ + $3\vec{b}$, если \vec{a} {3; -5}; \vec{b} {2; 3}.
- 3. Векторы \vec{a} {3; -6} и \vec{b} {9; y} коллинеарны. Найдите число y.

9 класс

C-1, B-2

- 1. В прямоугольной системе координат постройте векторы \vec{n} {3; 0}; \vec{m} {4; -1}; \vec{c} {0; -3}; \vec{d} {-1; -1}.
- 2. Найдите координаты векторов $\vec{m} + \vec{n}$, $\vec{m} \vec{n}$, $3\vec{m} 2\vec{n}$, если $\vec{m} \{4; -2\}; \vec{n} \{5; 3\}.$
- 3. Векторы $m \{x; 10\}$ и $n \{-2; 5\}$ коллинеарны. Найдите число x.

9 класс

C-2, B-1

- 1. На оси ординат найдите точку M(0; y), равноудалённую от точек A(-3; 5) и B(6; 4).
- 2. Докажите, что четырёхугольник MNPQ является параллелограммом, если M (1; 1), N (6; 1), P (7; 4), Q (2; 4).
- 3. Основания прямоугольной трапеции равны 6 см и 8 см, а высота 5 см. Найдите длину отрезка, соединяющего середины оснований трапеции.



9 класс С—2, В—2

- **1.** На оси абсцисс найдите точку N(x; 0), равноудалённую от точек A(1; 2) и B(-3; 4).
- 2. Докажите, что четырёхугольник MNPQ является параллелограммом, если M (-5; 1), N (-4; 4), P (-1; 5), Q (-2; 2).
- 3. Основания равнобедренной трапеции равны 8 м и 12 м, а высота 6 м. Найдите длину отрезков, соединяющих концы одной боковой стороны с серединой другой боковой стороны.

9 класс С—3, В—1

- 1. Постройте окружность, заданную уравнением $(x-1)^2 + y^2 = 4$.
- 2. Напишите уравнение окружности с центром в точке A(0; -6), проходящей через точку B(3; -2).
- 3. Даны координаты вершин треугольника ABC: A (4; 6), B (-4; 0), C (-1; -4). Напишите уравнение прямой, содержащей медиану CM.
- 4. Точка B середина отрезка AC, длина которого равна 2. Найдите множество всех точек M, для каждой из которых верно равенство $AM^2 + 2BM^2 + 3CM^2 = 4$.

9 класс С—3, В—2

- 1. Постройте окружность, заданную уравнением $(x + 5)^2 + (y 3)^2 = 25$.
- 2. Напишите уравнение окружности с центром в начале координат, проходящей через точку B(1; -3).
- 3. Даны координаты вершин трапеции ABCD: A(-2; -2), B(-3; 1), C(7; 7), D(3; 1). Напишите уравнение прямой, содержащей диагональ трапеции AC.
- 4. Точка D середина отрезка NK, длина которого равна 2. Найдите множество всех точек P, для каждой из которых верно равенство $NP^2 + DP^2 + KP^2 = 50$.

C-4, B-1

- 1. Найдите tg α , если $\sin \alpha = \frac{\sqrt{2}}{2}$, $0^{\circ} < \alpha < 90^{\circ}$.
- 2. Постройте угол A, если $\cos A = -\frac{3}{4}$.
- 3. Постройте угол B, если $\sin B = \frac{1}{2}$.

9 класс

C-4, B-2

- 1. Найдите tg α , если $\cos \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2}$, $90^{\circ} < \alpha < 180^{\circ}$.
- 2. Постройте угол A, если $\sin A = \frac{2}{5}$.
- 3. Постройте угол B, если $\cos B = \frac{3}{4}$.

9 класс

C-5, B-1

- 1. Используя теорему синусов, решите треугольник ABC, если AB=8 см, $\angle A=30^{\circ}$, $\angle B=45^{\circ}$.
- 2. Найдите площадь треугольника ABC, если $BC = 41\,$ м, $\angle A = 32^{\circ}, \ \angle C = 120^{\circ}.$
- 3. Используя теорему косинусов, решите треугольник ABC, если AB = 5 см, AC = 7.5 см, $\angle A = 135^{\circ}$.

9 класс

C-5, B-2

- 1. Используя теорему синусов, решите треугольник ABC, если AB = 5 см, $\angle B = 45^{\circ}$, $\angle C = 60^{\circ}$.
- **2.** Найдите площадь треугольника ABC, если BC = 4,125 м, $\angle B = 44^{\circ}$, $\angle C = 72^{\circ}$.
- 3. Используя теорему косинусов, решите треугольник ABC, если AC = 0.6 дм, $BC = \frac{\sqrt{3}}{4}$ дм, $\angle C = 150^{\circ}$.

9 класс

C-6, B-1

- 1. Найдите углы треугольника ABC, если $A(-1; \sqrt{3})$, $B(1; -\sqrt{3})$, $C(\frac{1}{2}; \sqrt{3})$.
- 2. При каком значении x векторы $\vec{p} = x\vec{a} + 17\vec{b}$ и $\vec{q} = 3\vec{a} \vec{b}$ перпендикулярны, если $|\vec{a}| = 2$, $|\vec{b}| = 5$ и $\vec{a}\vec{b} = 120^\circ$?



C-6, B-2

1. Докажите, что треугольник с вершинами A (3; 0), B (1; 5) и C (2; 1) тупоугольный. Найдите косинус тупого угла.

2. Вычислите скалярное произведение векторов $\vec{p} = \vec{a} - \vec{b} - \vec{c}$ и $\vec{q} = \vec{a} - \vec{b} + \vec{c}$, если $|\vec{a}| = 5$, $|\vec{b}| = 2$, $|\vec{c}| = 4$ и $\vec{a} \perp \vec{b}$.

9 класс С—7, В—1

- 1. Найдите углы правильного n-угольника, если n = 10.
- 2. Сколько сторон имеет правильный n-угольник, если каждый его угол равен 135°?
- 3. Докажите, что три вершины правильного шестиугольника, взятые через одну, служат вершинами правильного треугольника.
- 4. Найдите площадь правильного n-угольника, если $n=6,\ r=9$ см, где r радиус вписанной окружности.

9 класс

C-7, B-2

- **1.** Найдите углы правильного n-угольника, если n = 8.
- **2.** Сколько сторон имеет правильный n-угольник, если каждый его угол равен 120° ?
- 3. Докажите, что четыре вершины правильного восьмиугольника, взятые через одну, служат вершинами квадрата.
- **4.** Найдите площадь правильного n-угольника, если n = 4, $R = 3\sqrt{2}$ см, где R радиус описанной окружности.



C-8, B-1

- 1. Найдите длину окружности, описанной около прямоугольного треугольника с катетами a и b.
- 2. Найдите площадь круга, вписанного в равносторонний треугольник со стороной a.
- 3. Найдите длину дуги окружности радиуса 6 см, если её градусная мера равна 45° .
- 4. Из круга, радиус которого 10 см, вырезан сектор с дугой в 60° . Найдите площадь оставшейся части круга.

9 класс

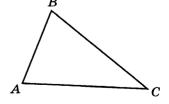
C-8, B-2

- 1. Найдите длину окружности, описанной около правильного треугольника со стороной a.
- 2. Найдите площадь круга, вписанного в прямоугольный треугольник с катетом a и прилежащим к нему острым углом α .
- 3. Найдите длину дуги окружности радиуса 6 см, если её градусная мера равна 30°.
- **4.** Площадь сектора с центральным углом в 135° равна S. Найдите радиус сектора.

9 класс

C-9, B-1

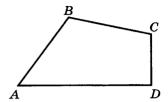
- 1. Даны прямая a и четырёхугольник ABCD. Постройте фигуру F, на которую отображается данный четырёхугольник при осевой симметрии с осью a. Что представляет собой фигура F?
- 2. Дан треугольник ABC. Постройте фигуру F, симметричную данному треугольнику ABC относительно:
 - a) точки C;
 - б) середины стороны AC.



9 класс С—9, В—2

1. Даны прямая l и треугольник ABC. Постройте фигуру F, на которую отображается треугольник ABC при осевой симметрии с осью l. Что представляет собой фигура F?

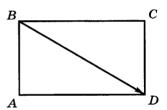
- **2.** Дан четырёхугольник ABCD. Постройте фигуру F, симметричную данному четырёхугольнику относительно:
 - а) точки C;
 - б) середины стороны AD.



9 класс

C-10, B-1

1. Дан прямоугольник ABCD. Постройте фигуру F, которая получится из прямоугольника ABCD в результате параллельного переноса на вектор \overrightarrow{BD} . Что представляет собой фигура F?

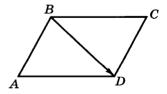


2. Постройте треугольник, который получится из данного равнобедренного треугольника ABC в результате поворота вокруг точки B на угол 150° против часовой стрелки.

9 класс

C-10, B-2

1. Дан параллелограмм ABCD. Постройте фигуру F, которая получится из параллелограмма ABCD в результате параллельного переноса на вектор \overrightarrow{BD} . Что представляет собой фигура F?



2. Постройте треугольник, который получится из данного прямоугольного треугольника MNK в результате поворота вокруг вершины прямого угла N на угол 120° по часовой стрелке.

.

C-11, B-19 класс

- 1. Даны векторы \vec{a} {3; 4}; \vec{b} {6; -8}; \vec{c} {1; 5}. Найдите:
- а) координаты векторов $\vec{r} = 2\vec{a} \vec{b} + \vec{c}, \ \vec{s} = \vec{a} \vec{b} \vec{c};$
- б) $|\vec{a}|$ и $|\vec{b}|$.
- **2.** На оси абсцисс найдите точку M, равноудалённую от точек $M_1(-2; 4)$ и $M_2(6; 8)$.
- 3. Найдите координаты центра O и радиус окружности, заданной уравнением $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$.

C-11, B-29 класс

- 1. Докажите, что четырёхугольник ABCD, вершины которого имеют координаты A(3; 2), B(0; 5), C(-3; 2), D(0; -1), является квадратом.
- **2.** Найдите точку D на оси ординат, равноудалённую от точек A(5; 4) и B(4; -3).
- 3. Найдите координаты центра и радиус окружности, заданной уравнением $x^2 + y^2 - 4x - 2y + 1 = 0$.

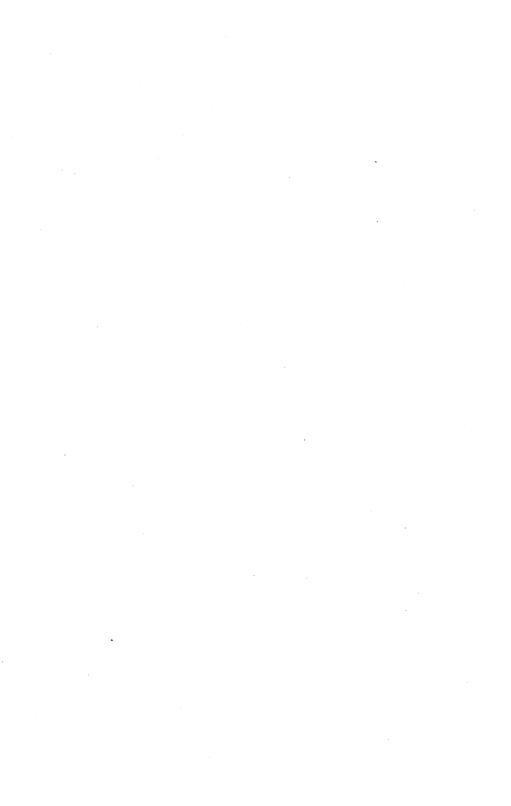
C-12, B-1 9 класс

- 1. В треугольнике DEF стороны ED = 4,5 дм, EF = = 9.9 дм, DF = 7 дм. Найдите углы треугольника DEF.
- **2.** Найдите значение x, при котором $\vec{p} = 6\vec{a} + x\vec{b}$ и $\vec{q} = 2\vec{a} - 3\vec{b}$ перпендикулярны, если $|\vec{a}| = 4$, $|\vec{b}| = 2$, $\vec{ab} = 120^{\circ}$.

C-12, B-2

9 класс

- 1. В треугольнике ABC стороны AB = 3 см, BC == 3.3 см, $\angle A = 48^{\circ}30'$. Найдите остальные углы и сторону AC.
- 2. При каком значении x векторы $\vec{m} = 2\vec{a} + x\vec{b}$ и $\vec{n} =$ $= -\vec{a} + 3\vec{b}$ перпендикулярны, если $|\vec{a}| = 1$, $|\vec{b}| = 2$, $|\vec{a}| = 60^{\circ}$?



C-13, B-1

- 1. Сколько сторон имеет правильный n-угольник, один из внешних углов которого равен 72° ?
- 2. В круг, площадь которого равна $36\pi~{\rm cm^2}$, вписан правильный шестиугольник. Найдите сторону этого шестиугольника и его площадь.

9 класс

C-13, B-2

- 1. Один из внешних углов правильного n-угольника равен 40°. Сколько сторон имеет этот n-угольник?
- 2. На стороне правильного треугольника, вписанного в окружность радиуса 3 дм, построен квадрат. Найдите радиус окружности, описанной около квадрата.

Контрольные работы

9 класс

K-1, B-1

- 1. Найдите координаты и длину вектора \vec{a} , если $\vec{a} = -\vec{b} + \frac{1}{2}\vec{c}$, \vec{b} {3; -2}, \vec{c} {-6; 2}.
- 2. Даны координаты вершин треугольника ABC: A (-6; 1), B (2; 4), C (2; -2). Докажите, что треугольник ABC равнобедренный, и найдите высоту треугольника, проведённую из вершины A.
- 3. Окружность задана уравнением $(x-1)^2 + y^2 = 9$. Напишите уравнение прямой, проходящей через её центр и параллельной оси ординат.

9 класс

K—1, **B**—2

- 1. Найдите координаты и длину вектора \vec{a} , если $\vec{a} = \frac{1}{3} \vec{b} \vec{c}$, $\vec{b} \{3; -9\}$, $\vec{c} \{-6; 2\}$.
- **2.** Даны координаты вершин параллелограмма ABCD: A (-6; 1), B (0; 5), C (6; -4), D (0; -8). Докажите, что ABCD прямоугольник, и найдите координаты точки пересечения его диагоналей O.
- 3. Окружность задана уравнением $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 16$. Напишите уравнение прямой, проходящей через её центр и параллельной оси абсцисс.

9 класс

K-2, B-1

- 1. Найдите угол между лучом OA и положительной полуосью Ox, если A (-1; 1).
- 2. Найдите стороны и углы треугольника ABC, если $\angle B = 30^{\circ}$, $\angle C = 105^{\circ}$, $BC = 3\sqrt{2}$ см.
- 3. Найдите косинус угла M треугольника KCM, если K(1; 7), C(-2; 4), M(2; 0).



K-2, B-2

- 1. Найдите угол между лучом OA и положительной полуосью Ox, если A (3; 3).
- **2.** Найдите стороны и углы треугольника ABC, если $\angle B = 45^{\circ}$, $\angle C = 60^{\circ}$, $BC = \sqrt{3}$ см.
- 3. Найдите косинус угла C треугольника KCM, если K (3; 9), C (0; 6), M (4; 2).

9 класс

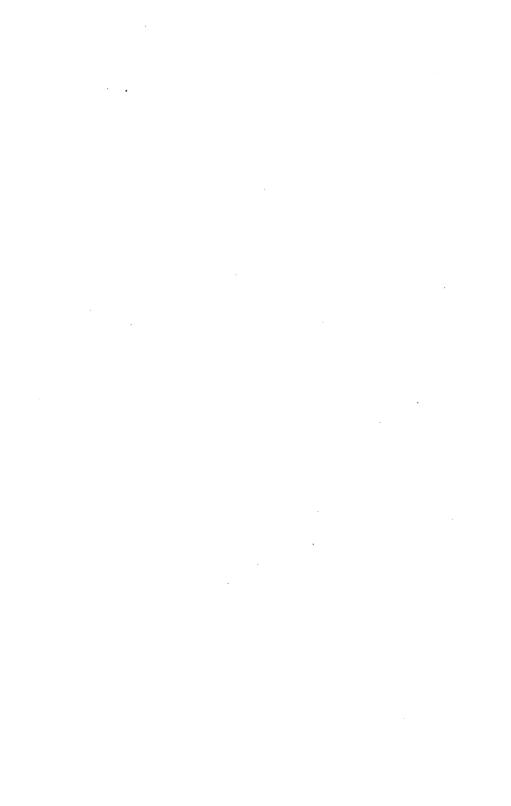
K−3, B−1

- 1. Периметр правильного треугольника, вписанного в окружность, равен 45 см. Найдите сторону правильного четырёхугольника, вписанного в ту же окружность.
- 2. Найдите площадь круга, если площадь вписанного в окружность квадрата равна 72 дм².
- 3. Радиус окружности равен 8 см, а градусная мера дуги равна 150°. Найдите длину этой дуги.

9 класс

К-3, В-2

- 1. Периметр правильного шестиугольника, вписанного в окружность, равен 48 м. Найдите сторону квадрата, вписанного в ту же окружность.
- 2. Найдите длину окружности, если площадь вписанного в окружность правильного шестиугольника равна $72\sqrt{3}$ см².
- 3. Радиус круга равен 12 дм, а градусная мера дуги равна 120°. Найдите площадь ограниченного этой дугой сектора.



K-4, B-1

- 1. Дана трапеция ABCD. Постройте фигуру, на которую отображается эта трапеция при симметрии относительно прямой, содержащей боковую сторону AB.
- 2. Дан прямоугольник ABCD, где O точка пересечения его диагоналей. Точка M симметрична точке O относительно стороны BC. Докажите, что четырёхугольник MODC параллелограмм. Найдите его периметр, если стороны прямоугольника равны 6 см и 8 см.
- 3. Докажите, что равносторонний треугольник ABC отображается на себя при повороте вокруг точки O на 120° по часовой стрелке, где O точка пересечения его медиан.

9 класс

K-4, B-2

- 1. Дана трапеция ABCD. Постройте фигуру, на которую отображается эта трапеция при симметрии относительно прямой, содержащей её основание AD.
- 2. Дан прямоугольник MNKP, где O точка пересечения его диагоналей. Точка D симметрична точке O относительно стороны MP. Докажите, что четырёхугольник MOPD ромб. Найдите его периметр, если стороны прямоугольника равны 7 см и 24 см.
- 3. Докажите, что квадрат ABCD отображается на себя при повороте вокруг точки O на 90° против часовой стрелки, где O точка пересечения его диагоналей.

9 класс

К-5, В-1

- 1. Радиус окружности, описанной около прямоугольника, равен 5 см. Одна сторона прямоугольника равна 6 см. Вычислите:
 - а) площадь прямоугольника;
 - б) угол между диагоналями прямоугольника.
- 2. Напишите уравнение окружности с центром на прямой y = 4 и касающейся оси абсцисс в точке (3; 0).
- 3. В правильный треугольник со стороной 4 см вписана окружность и около него описана другая окружность. Найдите площадь кольца, заключённого между этими окружностями.
- 4. Боковая сторона равнобедренного треугольника равна 20 см, а угол при вершине равен 84°. Найдите периметр этого треугольника.



K-5, B-2

- 1. Даны точки A (-4; 3), B (3; 10), C (6; 7), D (-1; 0). Докажите, что ABCD параллелограмм, и найдите его периметр.
- 2. Напишите уравнение окружности с центром в точке A, проходящей через точку B, если A (2; -3), B (-2; 2).
- $3.~\mathrm{B}$ окружность радиусом $10~\mathrm{cm}$ вписан квадрат ABCD. Найдите площадь кольца, ограниченного данной и вписанной в квадрат окружностями.
- 4. Основание равнобедренного треугольника равно 26 см, угол при основании равен 56°. Найдите периметр этого треугольника.



Итоговый зачёт

9 класс

Карточка 1

- 1. Определение вертикальных углов. Свойство вертикальных углов.
- 2. Решение прямоугольного треугольника по катету и острому углу.
- 3. Боковая сторона трапеции, равная 20 см, образует с меньшим её основанием угол в 150°. Вычислите площадь трапеции, если её основания равны 12 см и 30 см.

9 класс

Карточка 2

- 1. Определение смежных углов. Свойство смежных углов.
- 2. Решение прямоугольного треугольника по гипотенуве и острому углу.
- 3. Дуга окружности, соответствующая центральному углу в 270°, равна 4 дм. Чему равен радиус окружности и площадь вписанного в окружность квадрата?

9 класс

Карточка 3

- 1. Определение равных треугольников. Признаки равенства треугольников. Доказательство одного из них.
- 2. Решение прямоугольного треугольника по двум катетам.
- 3. Составьте уравнение окружности с центром на прямой y = 3, касающейся оси абсцисс в точке (4; 0).

9 класс

- 1. Определение равнобедренного треугольника. Свойство углов равнобедренного треугольника.
 - 2. Формулы площади прямоугольника и квадрата.
 - 3. Даны точки: A (-2; 1), B (0; 3), C (4; 1), D (2; -1).
 - а) Докажите, что $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$, $\overrightarrow{AB} \parallel \overrightarrow{DC}$.
- б) Определите вид четырёхугольника ABCD и вычислите его периметр.



Карточка 5

- 1. Определение медианы треугольника. Свойство медианы равнобедренного треугольника, проведённой к его основанию.
 - 2. Вывод уравнения окружности.
- 3. Одна из сторон параллелограмма a в 3 раза больше проведённой к ней высоты h. Вычислите a и h, если площадь параллелограмма равна 48 см².

9 класс

Карточка 6

- 1. Определение параллельных прямых. Теорема о двух прямых, параллельных третьей прямой.
 - **2.** Вывод формулы площади треугольника $S = \frac{1}{2}ah$.
- 3. Основания трапеции равны 10 см и 20 см. Диагональ отсекает от неё прямоугольный равнобедренный треугольник, гипотенузой которого является меньшее основание трапеции. Вычислите площадь этой трапеции.

9 класс

Карточка 7

- 1. Свойство углов, образованных при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.
- **2.** Определения суммы и разности векторов. Построение суммы и разности двух данных векторов.
- 3. Через вершину B тупого угла параллелограмма ABCD проведены высоты BM и BK к сторонам AD и CD. Известно, что AB=15 см, BC=18 см, BK=12 см. Найдите высоту BM и углы параллелограмма.

9 класс

- 1. Теорема о сумме углов треугольника.
- 2. Определение и свойства скалярного произведения векторов.
- 3. Боковые стороны прямоугольной трапеции равны 15 см и 17 см. Большее её основание равно 18 см. Найдите периметр трапеции.



Карточка 9

- 1. Определение внешнего угла треугольника. Свойство внешних углов треугольника.
 - 2. Формулы длины окружности и длины дуги.
- 3. Стороны первого четырёхугольника равны 2 см, 3 см, 4 см и 5 см. Второй четырёхугольник подобен первому, причём сумма наибольшей и наименьшей его сторон равна 28 см. Найдите стороны второго четырёхугольника и отношение их площадей.

9 класс

Карточка 10

- 1. Теорема об окружности, описанной около треугольника.
 - 2. Вывод формул площади параллелограмма и ромба.
- 3. Найдите углы выпуклого шестиугольника, если они пропорциональны числам 2, 4, 4, 6, 8, 12.

9 класс

Карточка 11

- 1. Теорема об окружности, вписанной в треугольник.
- **2.** Вывод формулы площади правильного n-угольника.
- 3. Даны точки A (3; 2) и B (7; -1). Составьте уравнение окружности с центром в точке A и проходящей через точку B.

9 класс

- 1. Определение и признаки параллелограмма.
- 2. Вывод формулы площади трапеции.
- 3. Внешний угол при основании AC равнобедренного треугольника ABC в 5 раз больше смежного с ним угла. Найдите углы треугольника ABC.



Карточка 13

- 1. Свойство диагоналей параллелограмма.
- 2. Вывод формул радиусов вписанной и описанной окружностей правильного многоугольника.
- **3.** Разделите данный отрезок с помощью циркуля и линейки:
 - а) на 2 равные части;
 - б) на 5 равных частей;
 - в) в отношении 3 : 4.

9 класс

Карточка 14

- 1. Определение прямоугольника. Свойство его диагоналей.
- **2.** Формулы для вычисления радиусов вписанной и описанной окружностей для произвольного и правильного треугольников.
- 3. Найдите угол F в треугольнике FQH, если F (6; 3), Q (1; 8), H (1; 3).

9 класс

Карточка 15

- 1. Определение ромба. Свойства его диагоналей.
- 2. Построение биссектрисы угла и серединного перпендикуляра к отрезку с помощью циркуля и линейки.
- 3. Меньшее основание BC трапеции ABCD равно 12 см, AB = CD, $\angle D = 45^\circ$, высота трапеции равна 8 см. Найдите площадь трапеции и длину её средней линии.

9 класс

Карточка 16

- 1. Определение средней линии треугольника. Теорема о средней линии треугольника.
 - 2. Вывод формулы площади треугольника

$$S = \frac{1}{2}ab\sin C.$$

3. Угол ABC вписан в окружность с центром O. Сумма углов AOC и ABC равна 90° . Найдите $\angle ABC$, $\angle AOC$ и расстояние от центра окружности до хорды AC, если радиус окружности равен $8\sqrt{3}$ см.



Карточка 17

- 1. Определение средней линии трапеции. Теорема о средней линии трапеции.
 - 2. Формулы площади круга и сектора.
- 3. Найдите угол ϕ между векторами \vec{c} {-1; 2} и \vec{d} $\left\{\frac{1}{2}; 1\right\}$ и длину вектора $\vec{x} = 2\vec{c} + \vec{d}$.

9 класс

Карточка 18

- 1. Теорема Пифагора. Доказательство.
- 2. Построение с помощью циркуля и линейки угла, равного данному.
- 3. В окружность радиусом 10 см вписан квадрат. Найдите площадь квадрата и длину окружности, вписанной в этот квадрат.

9 класс

Карточка 19

- 1. Определение подобных треугольников. Признаки подобия треугольников. Доказательство одного из них.
 - 2. Вывод формулы длины вектора по его координатам.
- 3. Отрезки AC и BC хорды окружности, радиус которой равен 6,5 см, AB её диаметр, AC = 5 см. Найдите длину хорды BC и расстояние от центра окружности до прямой AC.

9 класс

- 1. Определение вписанного угла. Теорема о вписанном угле.
 - 2. Вывод формулы координат середины отрезка.
- 3. В треугольнике KPD сторона PD = 6 см, $\angle K = 60^{\circ}$, $\angle P = 45^{\circ}$. Найдите сторону KD.



Карточка 21

- 1. Доказательство теоремы косинусов.
- 2. Построение прямой, проходящей через данную точку и перпендикулярной к данной прямой, с помощью циркуля и линейки.
- 3. Периметр параллелограмма ABCD равен 60 см. Биссектриса его острого угла A пересекает сторону BC в точке E и делит сторону BC на равные части, AE = 8 см. Найдите периметр треугольника ABE.

9 класс

Карточка 22

- 1. Доказательство теоремы синусов.
- 2. Определение произведения вектора на число. Построение векторов $\vec{x} = 2\vec{a}$ и $\vec{y} = -\frac{1}{9}\vec{a}$ по данному вектору \vec{a} .
- 3. Длины двух сторон параллелограмма пропорциональны числам 7 и 3. Одна из них на 12 см больше другой. Найдите периметр параллелограмма и его площадь, если один из его углов равен 150° .

9 класс

Карточка 23

- 1. Определение выпуклого многоугольника. Теорема о сумме углов выпуклого n-угольника.
- 2. Построение треугольника по трём сторонам с помощью циркуля и линейки.
- 3. Вычислите отношение площади квадрата к площади описанного около него круга.

9 класс

- 1. Признаки параллельности двух прямых.
- 2. Вывод формулы площади трапеции.
- 3. Радиус окружности, описанной около правильного треугольника, равен 6 см. Найдите радиус окружности, вписанной в этот треугольник.

Карточка 25

- 1. Признаки равенства прямоугольных треугольников. Доказательство одного из них.
- 2. Определение касательной к окружности. Теорема о свойстве касательной.
- 3. В треугольнике PQR PQ = 45 см, PR = 73 см, $\angle P$ = 60°. Найдите сторону RQ.

9 класс

- 1. Теорема о соотношениях между сторонами и углами треугольника. Неравенство треугольника.
- 2. Синус, косинус и тангенс острого угла прямоугольного треугольника. Постройте угол ϕ , если $\sin \phi = \frac{3}{\epsilon}$.
- 3. Даны три точки: A (2; 0), B (-3; 5) и C (-2; 1). Найдите периметр треугольника ABC.



Распределение самостоятельных и контрольных работ по пунктам учебника

7 класс

Номер работы	Содержание материала	Пункты учебника	
Гла	Глава І. Начальные геометрические сведения		
C—1	Точки, прямые, отрезки	1, 2	
C—2	Луч и угол	3, 4	
C—3	Сравнение отрезков и углов	5, 6	
C-4	Измерение отрезков	7, 8	
C—5	Измерение углов	9, 10	
C-6	Перпендикулярные прямые. Смежные и вертикальные углы	11—13	
К—1	Контрольная работа № 1	1—13	
	Глава II. Треугольники		
C—7	Первый признак равенства треуголь- ников	14, 15	
C—8	Медианы, биссектрисы и высоты тре- угольника	16—18	
C—9	Второй и третий признаки равенства треугольников	19, 20	
C—10	Задачи на построение	21—23	
К—2	Контрольная работа № 2	14—23	
Глава III. Параллельные прямые			
C—11	Признаки параллельности двух прямых	24—26	
C—12	Аксиома параллельных прямых	27—29	
К—3	Контрольная работа № 3	24—29	

Глава IV. Соотношения между сторонами и углами треугольника		
C—13	Сумма углов треугольника	30, 31
C—14	Соотношения между сторонами и углами треугольника	32, 33
К—4	Контрольная работа № 4	30—33
C—15	Прямоугольные треугольники	34—36
C—16	Построение треугольника по трём элементам	37, 38
К—5	Контрольная работа № 5	34—38
C—17	Решение задач	1-38
К—6	Итоговая контрольная работа № 6	1-38

Номер работы	Содержание материала	Пункты учебника	
	Глава V. Четырёхугольники		
C—1	Многоугольники	39—41	
C-2, C-3	Параллелограмм и трапеция	42—44	
C-4	Прямоугольник, ромб, квадрат	45—47	
К—1	Контрольная работа № 1	39—47	
-	Глава VI. Площадь		
C—5	Площадь многоугольника, прямо- угольника, квадрата	4850	
C-6	Площадь параллелограмма, треугольника и трапеции	51—53	
C—7	Теорема Пифагора	54, 55	

Продолжение

К—2	Контрольная работа № 2	48—55	
	Глава VII. Подобные треугольники		
C-8	Определение подобных треугольников	56—58	
C-9	Признаки подобия треугольников	59—61	
К—3	Контрольная работа № 3	5661	
C—10	Применение подобия к решению задач	62—65	
C—11	Соотношение между сторонами и углами прямоугольного треугольника	66, 67	
К—4	Контрольная работа № 4	62—67	
	Глава VIII. Окружность		
C—12	Касательная к окружности	68, 69	
C—13	Центральные и вписанные углы	70, 71	
C—14	Четыре замечательные точки тре- угольника	72, 73	
C—15	Вписанная и описанная окружности	74, 75	
К—5	Контрольная работа № 5	68—75	
	Глава IX. Векторы		
C—16	Понятие вектора	76—78	
C—17	Сложение и вычитание векторов	79—82	
C—18, C—19	Умножение вектора на число	83—85	
к—6	Контрольная работа № 6	76—85	
C-20, C-21	Решение задач	39—85	
к—7	Итоговая контрольная работа № 7	39—85	

Номер работы	Содержание материала	Пункты учебника		
	Глава Х. Метод координат			
C—1	Координаты вектора	86, 87		
C-2	Простейшие задачи в координатах	88, 89		
C—3	Уравнения окружности и прямой	90—92		
К—1	Контрольная работа № 1	86—92		
	Глава XI. Соотношения между сторонами и углами треугольника. Скалярное произведение векторов			
C—4	Синус, косинус, тангенс угла	93—95		
C—5	Соотношения между сторонами и углами треугольника	96—100		
C-6	Скалярное произведение векторов	101—104		
К—2	Контрольная работа № 2	93—104		
Глав	ва XII. Длина окружности и площадн	ь круга		
C-7	Правильные многоугольники	105—109		
C—8	Длина окружности и площадь круга	110—112		
К—3	Контрольная работа № 3	105—112		
	Глава XIII. Движения			
C—9	Понятие движения	113—115		
C—10	Параллельный перенос и поворот	116, 117		
K—4	Контрольная работа № 4	113—117		
C-11 - C-13	Решение задач	86—117		
К—5	Итоговая контрольная работа № 5	86—117		

Дополнительные задачи по курсу геометрии 7—9 классов

Треугольники

- 1. В треугольнике ABC угол B в 2 раза больше угла A, а сторона BC равна 200. Найдите биссектрису BD этого треугольника, если DC = 125.
- 2. Отрезки AB и CD пересекаются в точке M так, что BM = MC = 4; AM = MD = 5. Найдите отношение площади треугольника AMD к площади треугольника CBM.
- 3. Около окружности радиуса $\sqrt{3}$ описан равносторонний треугольник. К этой же окружности проведена касательная, параллельная стороне данного треугольника, отсекающая от данного треугольника меньший треугольник. Найдите периметр меньшего треугольника.
- 4. В прямоугольном треугольнике длины медиан, проведённых к катетам, равны 12 и $4\sqrt{11}$. Найдите длину третьей медианы этого треугольника.
- **5.** В треугольнике ABC медианы AD и BE пересекаются под прямым углом. Найдите сторону AB этого треугольника, если AC=30 и $BC=12\sqrt{5}$.
- 6. Дан треугольник ABC. Известно, что AC = 10, BC = 12 и $\angle CAB = 2\angle CBA$. Найдите длину стороны AB.
- 7. На гипотенузе прямоугольного треугольника взята точка, равноудалённая от катетов, которая разбивает гипотенузу на отрезки длиной 1 и 3. Найдите высоту этого треугольника, проведённую из вершины прямого угла.
- 8. В треугольнике ABC с тупым углом B и стороной BC длиной 5 проведена биссектриса BD. Площади треугольника ABD и треугольника BCD равны соответственно $\frac{60\sqrt{2}}{11}$ и $\frac{50\sqrt{2}}{11}$. Найдите сторону AC.
- 9. В треугольнике один угол равен 60°, а другой равен 40°. Найдите угол между биссектрисами этих углов.
- 10. Одна из сторон треугольника равна 1, а прилежащие к ней углы равны 30° и 45° . Найдите периметр данного треугольника.
- 11. Найдите основание равнобедренного треугольника, площадь которого равна 25 см², а угол α при основании такой, что tg $\alpha=4$.
- $12.~\mathrm{B}$ прямоугольном треугольнике точка касания вписанной окружности делит гипотенузу на отрезки $5~\mathrm{cm}$ и $12~\mathrm{cm}$. Найдите его катеты.

- 13. Стороны треугольника относятся как 1:3:3. Наименьшая сторона его равна 7. Найдите периметр треугольника, подобного данному, если его наибольшая сторона равна 10,5.
- **14.** В треугольнике $ABC\ a=7, b=8, c=5.$ Вычислите угол A.

Четырёхугольники

- **15.** Дан параллелограмм ABCD. Его диагональ BD равна 5, а синус тупого угла ADB равен $\frac{4}{5}$. Найдите площадь параллелограмма, если сторона CD равна $\sqrt{41}$.
- 16. Диагонали параллелограмма ABCD пересекаются в точке O. Радиус окружности, описанной около треугольника ABD, равен $3\sqrt{6}$. Найдите радиус окружности, описанной около треугольника AOD, если $\angle ABD = 45^\circ$, а $\angle ACD = 75^\circ$.
- 17. Продолжения боковых сторон равнобедренной трапеции пересекаются под прямым углом. Найдите длину большего основания трапеции, если её площадь равна 12, а высота равна 2.
- 18. Продолжения боковых сторон равнобедренной трапеции пересекаются под углом 120° . Найдите длину меньшего основания трапеции, если её площадь равна $65 + 25\sqrt{3}$, а высота равна 5.
- 19. В равнобедренную трапецию, длины оснований которой равны $\frac{4+\sqrt{7}}{2}$ и $\frac{4-\sqrt{7}}{2}$, можно вписать окружность. Найдите длину диагонали этой трапеции.
- **20.** Через середину диагонали AC трапеции ABCD проведена прямая, перпендикулярная AC. Эта прямая пересекает основания AD и BC в точках K и M соответственно. Найдите радиус окружности, вписанной в четырёхугольник AMCK, если AM = 10, AC = 16.
- 21. Основания трапеции равны 17,5 и 7,5, а боковые стороны равны 8 и 6. Найдите площадь трапеции.
- 22. Основания трапеции равны 10 и 5, а диагонали равны 9 и 12. Найдите площадь трапеции.
- **23.** Дана трапеция ABCD с основанием AD и BC. Известно, что AC = 4, BD = 5, $\angle CAD = 2 \angle BDA$. Найдите длину средней линии трапеции.

- **24.** В равнобедренную трапецию, один из углов которой равен 30°, а площадь равна 72, вписана окружность. Найдите радиус этой окружности.
- **25**. В параллелограмме меньшая сторона равна 6, а меньшая диагональ равна 5. Высота, опущенная на бо́льшую сторону, равна 3. Найдите площадь параллелограмма.
- **26.** Диагонали ромба равны a и $a\sqrt{3}$. Найдите его высоту.
- 27. В равнобедренной трапеции средняя линия равна k, а диагонали взаимно перпендикулярны. Найдите площадь трапеции.

Окружность. Правильные многоугольники

- **28.** Найдите радиус окружности, вписанной в сектор радиуса 6, периметр которого равен $12 + 2\pi$.
- **29**. В окружности проведены хорда MN длиной $11\sqrt{3}$ и диаметр MP. В точке N проведена касательная к окружности, пересекающая продолжение диаметра MP за точку P в точке Q под углом 30° . Найдите длину отрезка PQ.
- $30.~\Pi$ лощадь правильного шестиугольника равна $6\sqrt{3}$. Найдите его периметр.
- **31.** Площадь правильного восьмиугольника равна $8\sqrt{2}$. Найдите радиус окружности, описанной около этого восьмиугольника.
- **32.** В окружности радиуса $\frac{7,2}{\pi}$ найдите длину дуги, содержащей 100° .
- 33. Площадь правильного треугольника равна $\frac{\sqrt{3}}{3}$. Найдите длину его биссектрисы.
- $34.~\mathrm{B}$ круговой сектор, дуга которого содержит 60° , вписан круг. Найдите отношение площади сектора к площади круга.
- 35. Концы диаметра окружности удалены от касательной к этой окружности на расстояние 1,6 м и 0,6 м. Найдите диаметр окружности.
- 36. Найдите радиус окружности, вписанной в остроугольный треугольник ABC, если высота BH=12, $\sin A=\frac{12}{13}$, $\sin C=\frac{4}{5}$.

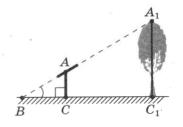
- **37.** Дан правильный девятиугольник ABCDEFQMP. Найдите расстояние от его центра O до диагонали AD, если площадь треугольника AOD равна $9\sqrt{3}$.
- 38. В круговой сектор вписана окружность, радиус которой в 3 раза меньше радиуса сектора. Найдите величину центрального угла (в градусах).
- 39. Общая хорда двух пересекающихся окружностей видна из их центров под углами 90° и 120°. Найдите расстояние между центрами окружностей, лежащими по одну сторону от хорды, если длина хорды равна $\frac{3+\sqrt{3}}{4}$.
- **40.** В окружности по разные стороны от центра проведены параллельные хорды длиной 12 и 16. Расстояние между ними равно 14. Найдите радиус окружности.

Векторы

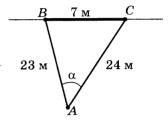
- 41. Треугольник ABC вписан в окружность с центром O. Скалярное произведение векторов \overrightarrow{OA} и \overrightarrow{OC} равно $\frac{\sqrt{3}-2}{2}$. Найдите сторону AB, если $\angle ABC=60^\circ$ и $\angle BCA=75^\circ$.
- 42. Треугольник ABC вписан в окружность с центром O. Сторона \overrightarrow{BC} равна $3\sqrt{2}$, а скалярное произведение векторов \overrightarrow{OB} и \overrightarrow{OC} равно 9. Найдите сторону AB, если $\angle ACB = 45^{\circ}$.
- **43.** Даны векторы \vec{a} (3; 2) и \vec{b} (0; -1). Найдите координаты вектора $\vec{x} = 2\vec{a} + 4\vec{b}$ и его длину.
- 44. В треугольнике \overrightarrow{ABC} , где O точка пересечения его медиан, $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{a}$, $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{b}$. Выразите вектор \overrightarrow{AO} через векторы \overrightarrow{a} и \overrightarrow{b} .
- **45.** Найдите косинус угла между векторами \overrightarrow{AB} и \overrightarrow{AD} , если A (3; 2), B (8; 1), D (2; 7).

Задачи с практическим содержанием

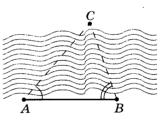
1. Определите высоту дерева, если длина шеста $AC=1,7\,$ м, расстояние $BC_1=6,3\,$ м, $BC=2,1\,$ м (см. рисунок).



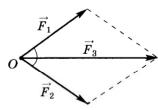
- 2. Длина тени дерева равна 10,2 м, а длина тени человека, рост которого 1,7 м, равна 2,5 м. Найдите высоту дерева.
- 3. Футболист с мячом находится в точке A, BC ворота, BC = 7 м, расстояние AB = 23 м, AC = 24 м. Найдите угол α попадания мяча в ворота.



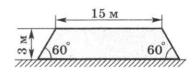
4. Для определения ширины реки отметили два пункта A и B на берегу на расстоянии 70 м друг от друга и измерили $\angle CAB = 12^{\circ}30'$ и $\angle ABC = 72^{\circ}42'$. Найдите ширину реки.



5. Две равные силы \vec{F}_1 и \vec{F}_2 приложены к одной точке под углом 72° друг к другу. Найдите величины этих сил, если величина их равнодействующей $|\vec{F}_2|$ равна 120 кг.



6. Насыпь шоссейной дороги имеет в верхней части ширину 15 м. Какова ширина насыпи в нижней её части, если угол наклона откосов к горизонту равен 60°, а высота насыпи равна 3 м?



- 7. Тепловоз прошёл 1413 м. Найдите диаметр колеса тепловоза, если известно, что оно сделало 300 оборотов.
- 8. Вычислите длину круговой орбиты искусственного спутника Земли, если спутник вращается на расстоянии 320 км от Земли, а радиус Земли равен 6370 км.
- 9. Метр составляет приближённо $\frac{1}{40\,000\,000}$ часть земного экватора. Найдите диаметр Земли в километрах, считая, что Земля имеет форму шара.
- 10. Найдите длину маятника стенных часов, если угол его колебания составляет 45° , а длина дуги, которую описывает конец маятника, равна 30 см.
- 11. Вокруг круглой клумбы радиусом 4 м проложена дорожка шириной 1 м. Сколько нужно песка, чтобы засыпать дорожку, если на 1 м² требуется 0,8 дм³ песка?
- 12. Какой толщины слой надо снять с круглой медной проволоки, имеющей площадь сечения 314 мм², чтобы она проходила сквозь отверстие диаметром 18 мм?

Ответы

7 класс

Самостоятельные работы

- С—4, В—1. 1. 14 см или 2 см. 2. 860 мм. 3. Нет. С—4, В—2. 1. 17 см или 3 см. 2. 56 мм. 3. Да.
 - C-5, B-1. 1. 53°. 2. 64°. C-5, B-2. 1. 48°. 2. 54°.
- С—6, В—1. 1. 77° и 103°. 2. 113° и 67°. С—6, В—2. 1. 15° и 165°. 2. 148° и 32°.
- С—7, В—1. 1. 38° и 102°. 2. 8 см и 5 см. С—7, В—2. 1. 32° и 108°. 2. 3 см и 7 см.
- С—9, В—1. 1. 4 см, 3 см и 5 см. С—9, В—2. 1. 28°, 42°, 110°.
- C-10, B-1. 2. a) Центр окружности лежит на серединном перпендикуляре к AB; б) AB диаметр окружности; в) нет решения. C-10, B-2. 2. a) Два решения; б) одно решение; в) нет решения.
- С—12, В—1. 1. 73°. 2. 37° и 53°. С—12, В—2. 1. 80°. 2. 42° и 48°.
- C—13, B—1. 1. 68°. 2. 36°, 72°, 72°. 3. 40°, 60°, 80°. C—13, B—2. 1. 113°. 2. 70°, 55°, 55°. 3. 30°, 60°, 90°.
- C—14, B—1. 1. Нет. 2. 10 см. С—14, B—2. 1. Нет. 2. 5 см или 3 см.
- С—15, В—1. 1. 12 см и 6 см. С—15, В—2. 1. 30 см и 15 см.
- С—17, В—1. 2. 19 см. 3. 60° и 120°. С—17, В—2. 2. 42 см. 3. 80° и 100°.

Контрольные работы

- К—1, В—1. 1. 42 см и 8 см. 2. 78°. К—1, В—2. 1. 33 см и 3 см. 2. 126°.
- К—3, В—1. 2. 34°, 34° и 112°. К—3, В—2. 2. 36°, 36° и 108°.
- K-4, B-1. 1. 12 cm. 3. 21 cm, 12 cm, 12 cm. K-4, B-2. 1. 9 cm. 3. 37 cm, 20 cm, 20 cm.
- **К**—**5**, **B**—**1**. **1**. **9** см. **3**. Сначала построить угол в 30°. **К**—**5**, **B**—**2**. **1**. **13** см. **3**. Сначала построить угол в 45°.
- **К**—**6**, **B**—**1**. **2**. 90°. **3**. 96°. **4**. 8 см. **К**—**6**, **B**—**2**. **2**. 22 см. **3**. 115°. **4**. 14 см.

Итоговый зачёт

Карточка 1. 3. 143°.

Карточка 2. 3. 31°30′.

Карточка 3. 3. $\angle 1 = \angle 6 = \angle 8 = 102^\circ$, $\angle 2 = \angle 4 = \angle 5 = \angle 7 = 78^\circ$.

Карточка 4. 3. 20 см.

Карточка 5. 3. 120 см.

Карточка 6. 3. 70°, 70° и 40° или 70°, 55° и 55°.

Карточка 7. 3. 62° и 78°.

Карточка 8. 3. 38°.

Карточка 9. 3. 70°.

Карточка 10. 3. 12 см.

Карточка 11. 3. 45°, 45°, 90°.

Карточка 12. 3. 85°.

Карточка 13. 3. 80°.

Карточка 14. 3. 40 см, 55 см, 55 см.

Карточка 15. 3. 65°.

Карточка 16. 3. 40°.

Карточка 17. 3. 6 см.

Карточка 18. 3. 21 см.

Карточка 19. 3. 20 см, 20 см, 25 см.

Карточка 20. 3. 70° и 12 см.

Карточка 21. 3. 20°, 20° и 140°.

8 класс

Самостоятельные работы

С—1, В—1. 1. 900°. 2. 8. 3. 36 см, 34 см, 32 см, 30 см. С—1, В—2. 1. 1800°. 2. 5. 3. 9 см, 18 см, 27 см, 36 см.

С-2, В-1. 2. 6 см. С-2, В-2. 2. 6 см.

С—3, В—1. 1. 6 см и 8 см. 2. 4 см. С—3, В—2. 1. 6 см и 12 см. 2. 6 см.

C-4, B-1. 1. 2 см и 12 см. 2. 60°, 90°, 30°. C-4, B-2. 1. 6 см и 12 см. 2. 80°, 90°, 10°.

С—5, В—1. 1. 180 штук. 2. 8 см и 20 см. С—5, В—2. 1. 1600 штук. 2. 5 см и 8 см.

C-6, B-1. 1. 16 см. 2. 72 см². 3. 1350 см². C-6, B-2. 1. 8 см и 16 см. 2. 10 см. 3. 476 см².

C—7, B—1. 1. 5 см. 2. 8 см и 120 см². С—7, B—2. 1. $6\sqrt{2}$ см. 2. 8 см и 48 см².

С-8, В-1. 1. 6 см, 8 см, 12 см. 2. 16 см, 20 см, 12 см.

C-8, B-2. 1. 25,2 cm², 17,5 cm². 2. 10 cm, $5\frac{5}{6}$ cm, $6\frac{2}{3}$ cm. C-9, B-1. 1. 12 cm. C-9, B-2. 1. 6 cm.

C—10, B—1. 1. 24 cm^2 . 3. 10 cm. C—10, B—2. 1. 18 cm^2 . 3. 26 cm.

C-11, B-1. 1. $8\sqrt{7}$ cm, $4\sqrt{21}$ cm, $8\sqrt{3}$ cm. C-11, B-2. 1. 9 cm, $6\sqrt{2}$ cm, 1 cm.

C—12, B—1. 1. $5\sqrt{7}$ cm. 2. 60° . C—12, B—2. 1. $6\sqrt{3}$ cm. 2. 60° .

С—13, В—1. 1. $\angle A$ = 84°, $\angle B$ = 56°, $\angle C$ = 40°. 2. 4 см и 15 см. С—13, В—2. 1. $\angle C$ = 44°, $\angle A$ = 66°. 2. 3 см и 5 см.

C-14, B-1. 2. DC = 15 cm, AD = 3.5 cm. C-14, B-2. 2. AM = 7 cm, MC = 5.5 cm.

C-15, B-1. 1. 216 cm². 2. $r = \frac{4\sqrt{3}}{3}$ cm. C-15, B-2. 1. 108 cm². 2. $6\sqrt{3}$ cm.

С—16, В—1. 1. $|\overrightarrow{AM}| = \sqrt{13}$, $|\overrightarrow{AC}| = 5$. 2. а) Нет; б) нет; в) да. С—16, В—2. 1. $|\overrightarrow{BD}| = 26$, $|\overrightarrow{CD}| = 10\sqrt{2}$. 2. а) Нет; б) да; в) нет.

C-17, B-1. 1. $|\vec{p}| = 16$ cm. 2. a) $\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}$; 6) $\overrightarrow{DB} = \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AD}$. C-17, B-2. 1. $|\vec{m}| = 18$ cm. 2. a) $\overrightarrow{MK} = \overrightarrow{MN} + \overrightarrow{ME}$; 6) $\overrightarrow{NE} = \overrightarrow{ME} - \overrightarrow{MN}$.

C-18, B-1. 2. $\overrightarrow{MA} = \overrightarrow{n} - \frac{1}{3}\overrightarrow{m}$, $\overrightarrow{AB} = \frac{1}{3}\overrightarrow{m} - \frac{1}{2}\overrightarrow{n}$. C-18, B-2. 2. $\overrightarrow{CN} = \overrightarrow{a} - \frac{2}{3}\overrightarrow{b}$, $\overrightarrow{MN} = \frac{1}{2}\overrightarrow{a} - \frac{2}{3}\overrightarrow{b}$.

C-19, B-1. 1. $\overrightarrow{AM} = \frac{7}{4} \vec{a} - \frac{3}{4} \vec{b}$. 2. 10 cm. C-19, B-2. 1. $\overrightarrow{KE} = \frac{7}{5} \vec{m} - \frac{2}{5} \vec{n}$. 2. 4 cm и 12 cm.

C-20, B-1. 1. 6 m. 2. 9,6 m. C-20, B-2. 1. 36 M^2 . 2. 80 CM^2 .

C-21, B-1. 1. 7 cm², 3,5 cm. 2. 5. C-21, B-2. 1. 12 cm², 30°. 2. 12 m.

Контрольные работы

K-1, B-1. 1. 60°. 2. 16 cm. K-1, B-2. 1. 40°, 50°, 90°. 2. 40 cm.

K-2, B-1. 1. 416 см². 2. 12 см, 18 см, 10 см, 8 см. 3. 384 см². K-2, B-2. 1. 12 см и 15 см. 2. 132 см². 3. 10 см.

К—3, В—1. 1. б) 15 см. **2.** $\frac{16}{25}$. **К—3, В—2. 1.** б) 12 см. **2.** $\frac{16}{9}$.

K—4, B—1. 1. AC = 15 см, $\cos C = \frac{3}{5}$. 2. $36\sqrt{3}$ см². 3. 80 см². K—4, B—2. 1. AB = 40 см, $\cos A = \frac{4}{5}$. 2. 32 см². 3. 4 см и 32 см, S = 504 см².

К—5, В—1. 1. Углы 120°, 90°, 90°, 60°; дуги 60°, 120°, 60°, 120°. 2. r = 4.5 см, R = 9.375 см. 3. $6\sqrt{3}$ см. К—5, В—2. 1. Углы 120°, 90°, 60°, 90°; дуги 60°, 120°, 60°, 120°. 2. $r = 1\frac{1}{2}$ см. $R = 4\frac{1}{2}$ см. 3. $9\sqrt{3}$ см.

2. $r = 1\frac{1}{3}$ см, $R = 4\frac{1}{6}$ см. 3. $9\sqrt{3}$ см. K = 6, B = 1. 1. a) $EF = \frac{1}{14} \vec{n} + \vec{m}$; б) нет. 2. 2 см и 10 см. K = 6, E = 1. a) $EF = \frac{1}{14} \vec{n} + \vec{m}$; б) нет. 2. 2 см и 12 см.

K—7, B—1. 1. 300 cm^2 . 2. 80 cm^2 . K—7, B—2. 1. 5 m. 2. 108 m^2 .

Итоговый зачёт

Карточка 1. 3. 15 см и 5 см.

Карточка 2. 3. 4 см, 4,8 см, 4,8 см.

Карточка 3. 3. P = 5 см, $S = \frac{5\sqrt{3}}{8}$ см².

Карточка 4. 3. 14 см и 24 см.

Карточка 5. 3. 384 см².

Карточка 6. 3. -2, 10, 14, 10.

Карточка 7. 3. 60 см².

Карточка 8. 3. 38,5 см.

Карточка 9. 3. S = 180 см².

Карточка 10. 3. $\vec{a} - \vec{b}$, \vec{b} , $-\vec{a}$, $-\vec{a} + \vec{b}$.

Карточка 11. 3. 60°, 120°, 60°, 120°.

Карточка 13. 3. 5 см.

Карточка 14. 3. 114°.

Карточка 15. 3. 42 см.

Карточка 16. 3. 30°.

Карточка 17. 3. $\sin \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{3}$, $\operatorname{tg} \alpha = 2\sqrt{2}$.

Карточка 18. 3. 60° и 30°.

Карточка 19. 3. $BC = \frac{10}{\sqrt{3}}$, $AB = \frac{20}{\sqrt{3}}$, $S = \frac{50}{\sqrt{3}}$.

Карточка 20. 3. 72 см².

Карточка 21. 3. 60°, 120°, 60°, 120°.

Карточка 22. 3. 20 см.

Карточка 23. 3. a, $a\sqrt{3}$, a.

Карточка 24. 3. 40 см².

Карточка 25. 3. 4 см.

9 класс

Самостоятельные работы

C—1, B—1. 2. $\{5; -2\}$, $\{1; -8\}$, $\{12; -1\}$. 3. y = -18. C—1, B—2. 2. $\{9; 1\}$, $\{-1; -5\}$, $\{2; -12\}$. 3. x = -4.

C-2, B-1. 1. (0; -9). 3. $\sqrt{26}$. C-2, B-2. 1. (-2,5; 0). 3. $\sqrt{90}$, $\sqrt{130}$.

С—3, В—1. 2. $x^2 + (y + 6)^2 = 25$. 3. y = 3x - 1. 4. Окружность радиусом $\frac{1}{3}$ с центром $O \in BC$, $OB = \frac{1}{3}$. С—3, В—2. 2. $x^2 + y^2 = 10$. 3. x - y = 0. 4. Окружность радиусом 4.

C-4, B-1. 1. tg
$$\alpha = 1$$
. C-4, B-2. 1. tg $\alpha = -\frac{1}{\sqrt{3}}$.

C-5, B-1. 1. $\angle C = 105^{\circ}$, $AC \approx 6$ cm, $BC \approx 4$ cm. 2. 649,2 m². 3. BC = 12 cm, $\angle C \approx 17^{\circ}45'$, $\angle B \approx 27^{\circ}15'$. C-5, B-2. 1. $\angle A = 75^{\circ}$, $BC \approx 6$ cm, $AC \approx 4$ cm. 2. 6,254 m². 3. $AB \approx 1$ μ ; $\angle A \approx 12^{\circ}$, $\angle B \approx 18^{\circ}$.

C-6, B-1. 1. $\angle A = 60^{\circ}$, $\angle B \approx 21^{\circ}47'$, $\angle C \approx 98^{\circ}13'$. 2. 40. C-6, B-2. 1. $-\frac{5\sqrt{34}}{34}$. 2. 13.

C-7, B-1. 1. 144°. 2. 8. 4. $162\sqrt{3}$ cm². C-7, B-2. 1. 135°. 2. 6. 4. S = 36 cm².

C-8, B-1. 1. π $\sqrt{a^2+b^2}$. 2. $\frac{\pi a^2}{12}$. 3. $\frac{3}{2}$ π cm. 4. ≈ 262 cm². C-8, B-2. 1. $\frac{2\pi a\sqrt{3}}{3}$. 2. $\frac{\pi a^2(\sin\alpha+\cos\alpha-1)^2}{4\cos^2\alpha}$. 3. π cm. 4. $\sqrt{\frac{8S}{3\pi}}$.

C-10, B-1. 1. F — прямоугольник, равный ABCD. C-10, B-2. 1. F — параллелограмм, равный ABCD.

C—11, B—1. 1. a) \vec{r} {1; 21}, \vec{s} {-4; 7}; 6) 5 и 10. 2. M (5; 0). 3. O (1; -2), R = 5. C—11, B—2. 2. D $\left(0; \frac{8}{7}\right)$. 3. O (2; 1), R = 2.

C—12, B—1. 1. $\angle D \approx 117^{\circ}10'$, $\angle E \approx 38^{\circ}59'$, $\angle F \approx 23^{\circ}51'$. 2. 13, 2. C—12, B—2. 1. $\angle C = 42^{\circ}55'$, $\angle B = 88^{\circ}35'$, $AC \approx 4$ cm. 2. $-\frac{4}{11}$.

C—13, B—1. 1. n = 5. 2. 6 см и $54\sqrt{3}$ см². С—13, B—2. 1. n = 9. 2. $\frac{3\sqrt{6}}{2}$ дм.

Контрольные работы

K-1, **B-1**. **1**. {-6; 3}, $3\sqrt{5}$. **2**. $AB = AC = \sqrt{73}$, h = 8. **3**. x = 1. **K-1**, **B-2**. **1**. {7; -5}, $\sqrt{74}$. **2**. BD = AC, $O\left(0; -\frac{3}{2}\right)$. **3**. y = 2.

K—2, B—1. 1. 135°. 2. ∠A = 45°, AC = 3, AB ≈ 5,8. 3. $\frac{4}{5}$. K—2, B—2. 1. 45°. 2. AC ≈ 1,27, ∠A = 75°, AB ≈ 1,55. 3, 0.

K-3, B-1. 1. $5\sqrt{6}$ см. 2. 36π дм². 3. $\frac{20\pi}{3}$ см. K-3, B-2. 1. $8\sqrt{2}$ м. 2. $8\sqrt{3}\pi$ см. 3. 48π дм².

К-4, **B-1**. **2**. 22 см или 26 см. **К-4**, **B-2**. **2**. 50 см.

K—5, **B**—1. 1. a) 48 cm²; 6) 73°48′. 2. $(x-3)^2$ + + $(y-4)^2$ = 16. 3. 4π cm². 4. \approx 66,8 cm. K—5, B—2. 1. $20\sqrt{2}$. 2. $(x-2)^2$ + $(y+3)^2$ = 41. 3. $S=50\pi$ cm². 4. 72,5 cm.

Итоговый зачёт

Карточка 1. 3. 210 см².

Карточка 2. 3. $R = \frac{8}{3\pi}$ дм, $S = \frac{128}{9\pi^2}$ дм².

Карточка 3. 3. $(x-4)^2 + (y-3)^2 = 9$.

Карточка 4. 3. ABCD — параллелограмм, $P = 14\sqrt{2}$.

Карточка 5. 3. a = 12 см, h = 4 см.

Карточка 6. 3. 75 см².

Карточка 7. 3. BM = 10 см, $\sin A = \frac{2}{3}$.

Карточка 8. 3. 60 см.

Карточка 9. 3. 8, 12, 16 и 20 см; $S_2: S_1 = 16$.

Карточка 10. 3. 40°, 80°, 80°, 120°, 160°, 240°.

Карточка 11. 3. $(x-3)^2 + (y-2)^2 = 25$.

Карточка 12. 3. 30°, 30°, 120°.

Карточка 14. 3. $\angle F = 45^{\circ}$.

Карточка 15. 3. 160 см², 20 см.

Карточка 16. 3. 30°, 60°; 12 см.

Карточка 17. 3. $\cos \varphi = \frac{3}{5}$, $|\vec{x}| = \sqrt{27,25}$.

Карточка 18. 3. 200 см², $10\sqrt{2}$ π см.

Карточка 19. 3. 12 см, 6 см.

Карточка 20. 3. $6\sqrt{\frac{2}{3}}$ см.

Карточка 21. 3. 28 см.

Карточка 22. 3. 60 см, 94,5 см².

Карточка 23. 3. $\frac{2}{\pi}$.

Карточка 24. 3. 3 см.

Карточка 25. 3. ≈ 64 см.

Карточка 26. 3. $5\sqrt{2} + 2\sqrt{17}$.

Дополнительные задачи по курсу геометрии 7—9 классов

1. 195. 2. $\frac{25}{16}$. 3. 6. 4. 8. 5. 18. 6. 4,4. 7. 1,2. 8. 9. 9. 50°.

10.
$$\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2} + 2\sqrt{3}}{2}$$
. **11.** 5. **12.** 8 см и 15 см. **13.** 24,5. **14.** 60°.

15. 8. **16**. 6. **17**. 8. **18**. 13. **19**. 2,5. **20**. 4,8. **21**. 60. **22**. 54.

23. 2. **24.** 3. **25.** 12 +
$$9\sqrt{3}$$
 . **26.** $\frac{a\sqrt{3}}{2}$. **27.** k^2 . **28.** 2. **29.** 11.

30. 12. **31**. 2. **32**. 4. **33**. 1. **34**. 1,5. **35**. 2,2 м. **36**. 4. **37**. 3.

38. 60°. **39.** 0,25. **40.** 10. **41.** 1. **42.** 6. **43.** {6; 0}; 6.

44.
$$\frac{2}{3}\vec{a} - \frac{1}{3}\vec{b}$$
. **45.** $-\frac{5}{13}$.

Задачи с практическим содержанием

1. 5,1 m. 2. \approx 7 m. 3. \approx 16°57′. 4. \approx 14,5 m. 5. \approx 74,2 kg. 6. \approx 18,5 m. 7. 1,5 m. 8. \approx 42,013 kg. 9. \approx 12 739 kg. 10. \approx 38,2 cg. 11. 22,6 gg³. 12. 1 mg.

Содержание

7	класс		
	Самостоятельные работы 3 Контрольные работы 25 Итоговый зачёт 3		
8	клаес		
	Самостоятельные работы 45 Контрольные работы 67 Итоговый зачёт 77		
9	клаес		
	Самостоятельные работы		
	Распределение самостоятельных и контрольных работ по пунктам учебника		
	Дополнительные задачи по курсу геометрии 7—9 классов		
	Задачи с практическим содержанием 135		
	Ответы		

ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

СВЕДЕНИЯ О СЕРТИФИКАТЕ ЭП

Сертификат 135955613336665976574499022560335136778487

Владелец Сурнин Руслан Валерьевич

Действителен С 19.06.2023 по 18.06.2024

ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

СВЕДЕНИЯ О СЕРТИФИКАТЕ ЭП

Сертификат 135955613336665976574499022560335136778487

Владелец Сурнин Руслан Валерьевич

Действителен С 19.06.2023 по 18.06.2024